

Internal Forces of Inclined Beams

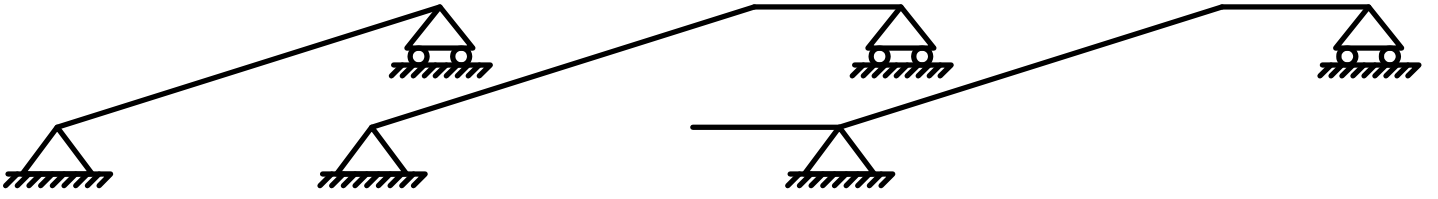
القوى الداخلية للكمرات المائلة

نسألکم الدعاء

Table of Contents

* <i>Introduction</i>	-----	<i>Page 2</i>
* <i>Distributed Loads (Uniform)</i>	-----	<i>Page 5</i>
* <i>Examples</i>	-----	<i>Page 8</i>

Introduction



في حالة الكمرات المائلة لرسم الـ *Internal forces diagrams* نتبع الاتي:

١ - نحدد الطرف الذي سوف نبدأ الحسابات منه و يكون أحد الحالات التالية:

أ - لو الكمرة المائلة أو الجزء المائل له طرف حر نبدأ منه .



ب - لو الكمرة المائلة أو الجزء المائل له طرفان حران نبدأ من أي منهما .



ج - لو الكمرة المائلة أو الجزء المائل ليس له طرف حر نبدأ من أي من الناحيتين .



٢ - نجمع الـ *Forces* عند الطرف الذي قررنا البدء من عنده من ناحيته في اتجاه (X, Y) و بالنسبة للكمرة أو الجزء المائل الذي ليس له طرف حر نقطع الـ *member* المائل عنده و نجمع الـ *Forces* من الناحية التي قطعنا منها في اتجاه (X, Y) .

- ٣- نحلل ال **Forces** المجمعة عند الطرف الذى قررنا البدء منه بحيث تكون فى اتجاه ال **member** المائل و الاتجاه العمودى عليه .
- ٤- نحلل كل ال **Forces** الموجودة على ال **member** المائل بحيث تكون فى اتجاه ال **member** و الاتجاه العمودى عليه .

- و يفضل كل **Concentrated load** عند التحليل يرسم بخط **Soild** .
و كل محصلة **Uniform load** عند التحليل ترسم بخط **dotted** .

٥- نبدأ برسم ال **N.F.D** و طبعا عند الرسم يهمنى ال **Forces** اللى فى اتجاه ال **member** المائل فقط حيث انها هى اللى بتعمل **Normal** و نبدأ بالطرف الذى بدأنا الحسابات منه و رسم ال **Diagram** يكون عمودى على ال **member** المائل الذى هو ال **Datum** .

٦- نرسم ال **S.F.D** و عند الرسم يهمنى ال **Forces** اللى فى اتجاه عمودى على ال **member** المائل حيث انها هى اللى بتعمل **Shear** و نبدأ بالطرف الذى بدأنا الحسابات منه و رسم ال **Diagram** يكون عمودى على ال **member** المائل الذى هو ال **Datum** .

٧- نرسم ال **B.M.D** و نقوم بحساب ال **moment** عند النقط التالية

أ - أى **Support** ب - أى **Concentrated load**

ج - أى **Concentrated moment**

د - بداية و نهاية ال **Distributed load**

هـ - عند حدوث تغير فى قيمة ال **Distributed load**

ل - بداية و نهاية الكمرة و دائما عندهما ال **moment** يساوى صفر

الا فى حالة وجود **Concentrated moment** أو **Fixation**

ثم نوصل بين القيم فى حالة ال *Distributed load* بـ *Curve*
و عندما لا يوجد *Distributed load* بخط مع العلم أن كل القيم
ترسم عمودى على ال *member* المائل الذى هو ال *Datum*.

يفضل عند حساب قيم ال *moment* الحساب من ال *Forces* قبل
التحليل و ليس من ال *Forces* المحللة .

٨- لو أردنا التأكد من أن الرسم صحيح للـ *N.F.D* أو للـ *S.F.D* نجمع
ال *Forces* الموجودة عند الطرف الاخر من الجزء المائل و الذى
لم نبدأ حسابتنا به فى اتجاه (X,Y) ثم نحللهم فى اتجاه ال *member*
و فى الاتجاه العمودى عليه و نتأكد من أن قيم ال *Shear* و ال *Normal*
بعد التحليل هى القيم المرسومة على ال *Diagram* .

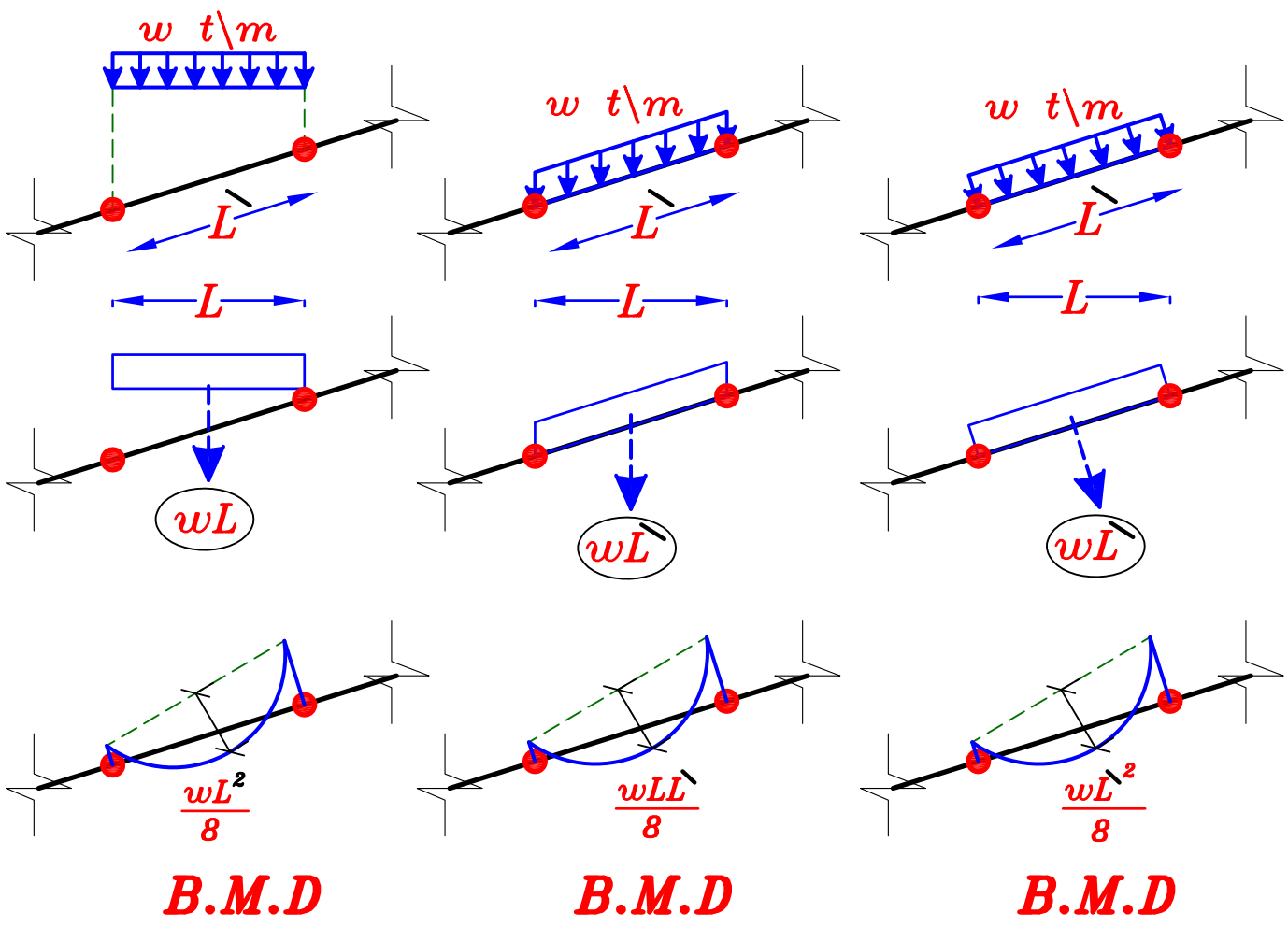
في حالة وجود *Distributed uniform load*

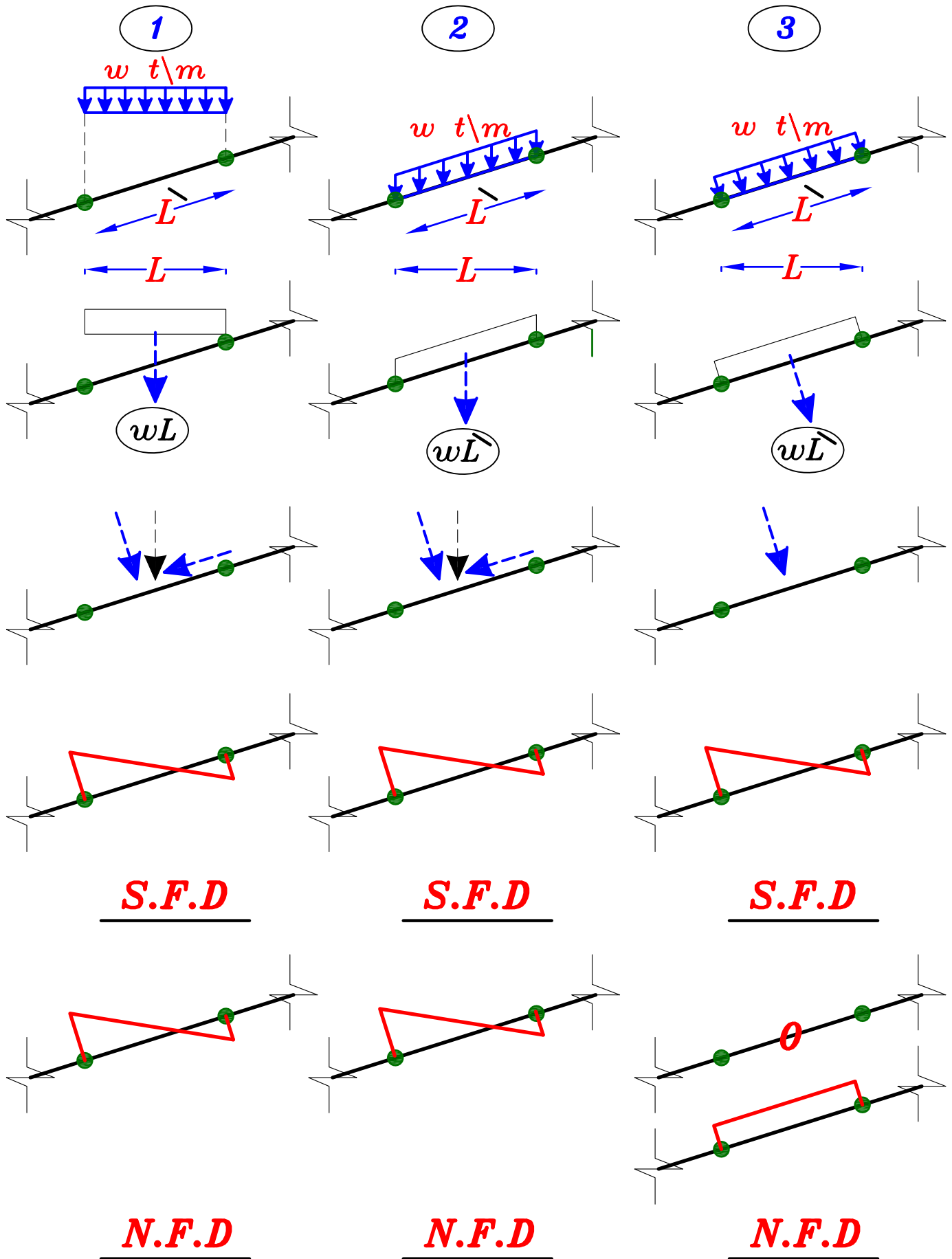
1- عند رسم ال *B.M.D*

توجد لدينا ثلاثة حالات و المشترك بينهم هو أن قيمة ال *moment* دائما تقاس وترسم عمودي على ال *member* المائل الذي هو ال *Datum* و المختلف بينهم هو قيمة ال *drop*

$$\text{drop} = \frac{\text{محصلة ال Load } x \text{ البعد العمودي على التهشير}}{8}$$

$$\text{محصلة ال Load} = \text{قيمة ال Load } x \text{ طوله}$$





طالما وجد *Dist. load* هذا معناه أن قيمة ال *Load* يتغير على هذا الطول و لذلك نرسم ال *Diagram* عبارة عن خط مائل و ليس موازى لل *Datum* و فى الحالات السابقة نجد أن :

فى حالة رقم (١) و (٢)

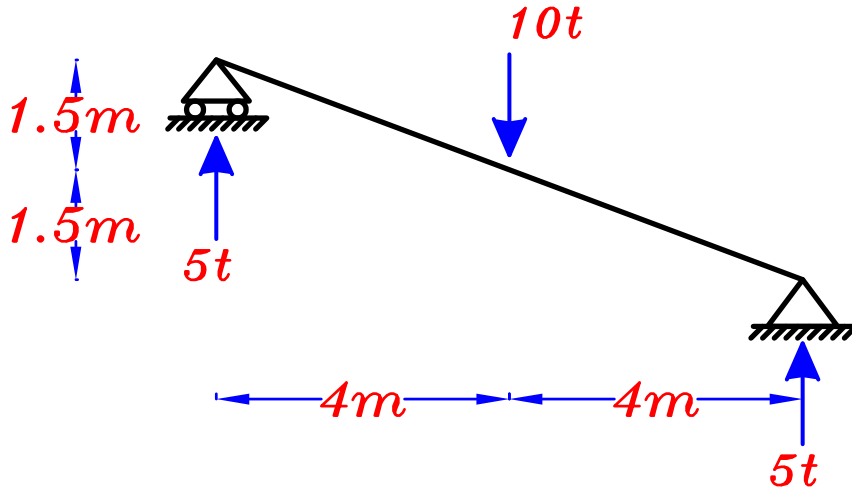
محصلة ال *Dist.load* نحللها فى اتجاه ال *member* و الاتجاه العمودى و بذلك نجد أن ال *Dist.load* يتحلل الى قوتين أحدهما يعمل *Normal* و الاخرى بتعمل *Shear* و لذلك نرسم ال *N.F.D* و ال *S.F.D* مائلين و غير موازيين لل *Datum* و هو ال *member* المائل .

فى حالة رقم (٣)

محصلة ال *Dist.load* تكون فى الاتجاه العمودى على ال *member* أى أنها تعمل *Normal* فقط و لا تعمل *Shear* و بذلك نرسم ال *N.F.D* موازى لل *Datum* الذى هو ال *member* المائل لان قيمة ال *Normal* ثابتة و لا تتغير أو يساوى *Zero* فى حالة عدم وجود *Normal* أصلا على ال *member* المائل .

Example :

For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.



١ - نحدد الطرف الذي سوف نبدأ الحسابات منه

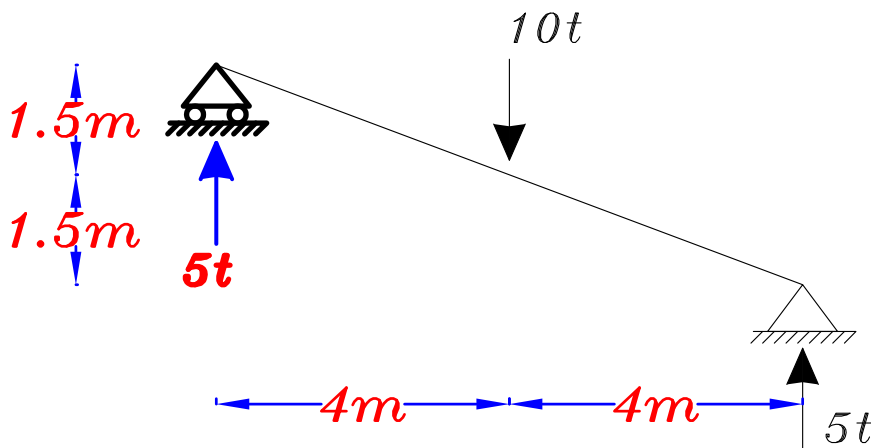
و في هذه المسألة مثلا نختار الطرف الشمال

٢ - نجمع ال **Forces** عند الطرف الذي قررنا البدء من عنده من ناحيته

في اتجاه (X, Y) و بالنسبة للكمرة أو الجزء المائل الذي ليس له طرف

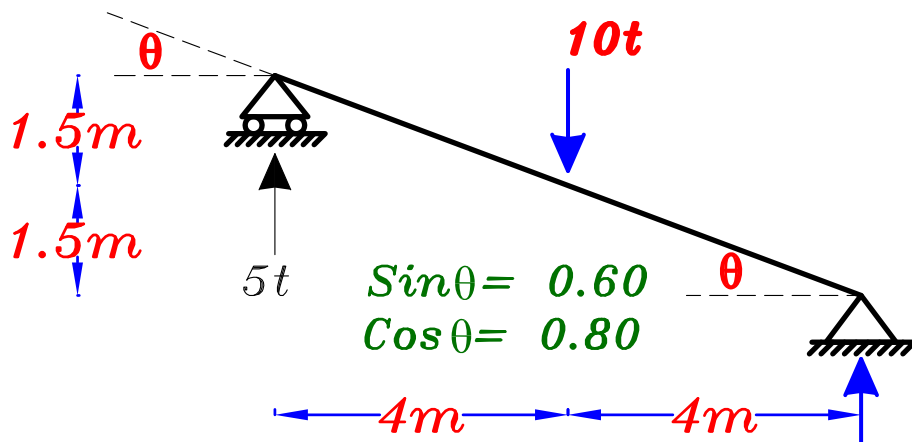
حر نقطع ال **member** المائل عنده و نجمع ال **Forces** من الناحية

التي قطعنا منها في اتجاه (X, Y) .

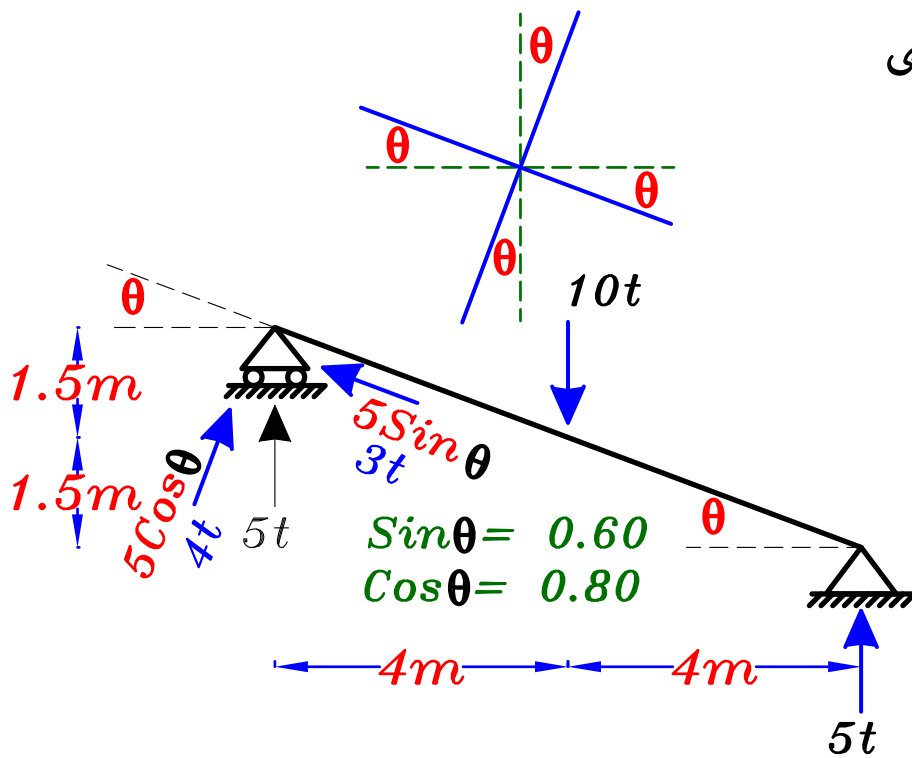


٣ - نحلل ال **Forces** المجمعة عند الطرف الذي قررنا البدء منه بحيث

تكون في اتجاه ال **member** المائل و الاتجاه العمودي عليه .



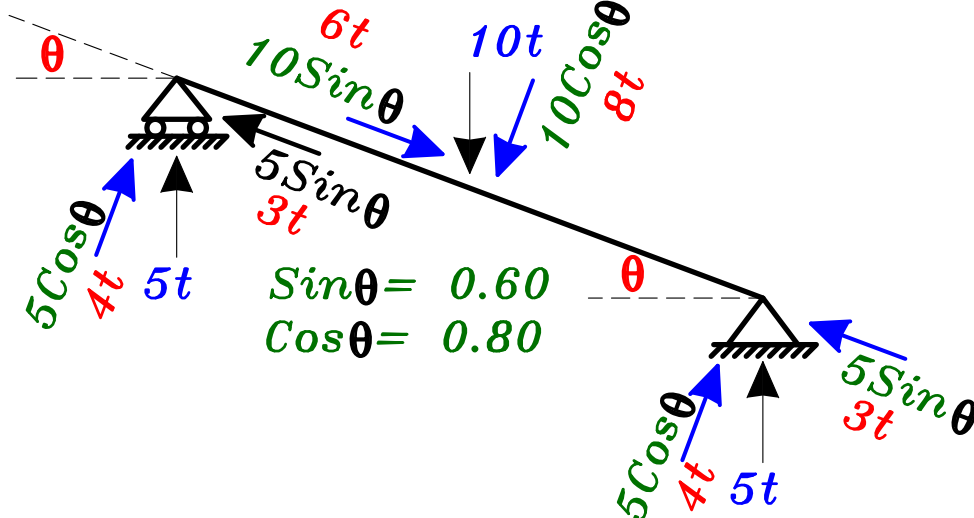
الزاوية بين المائل و الافقى هى الزاوية بين العمودى على المائل و الرأسى

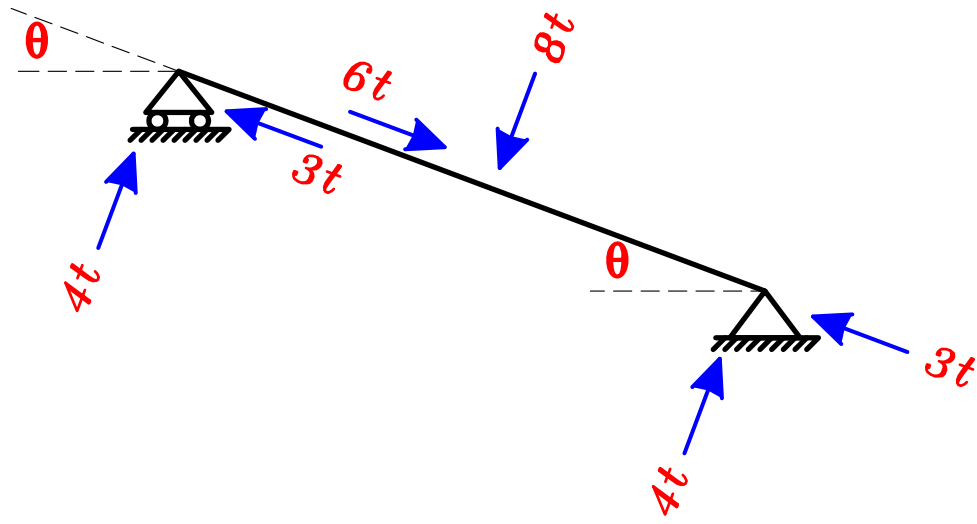


member

Forces

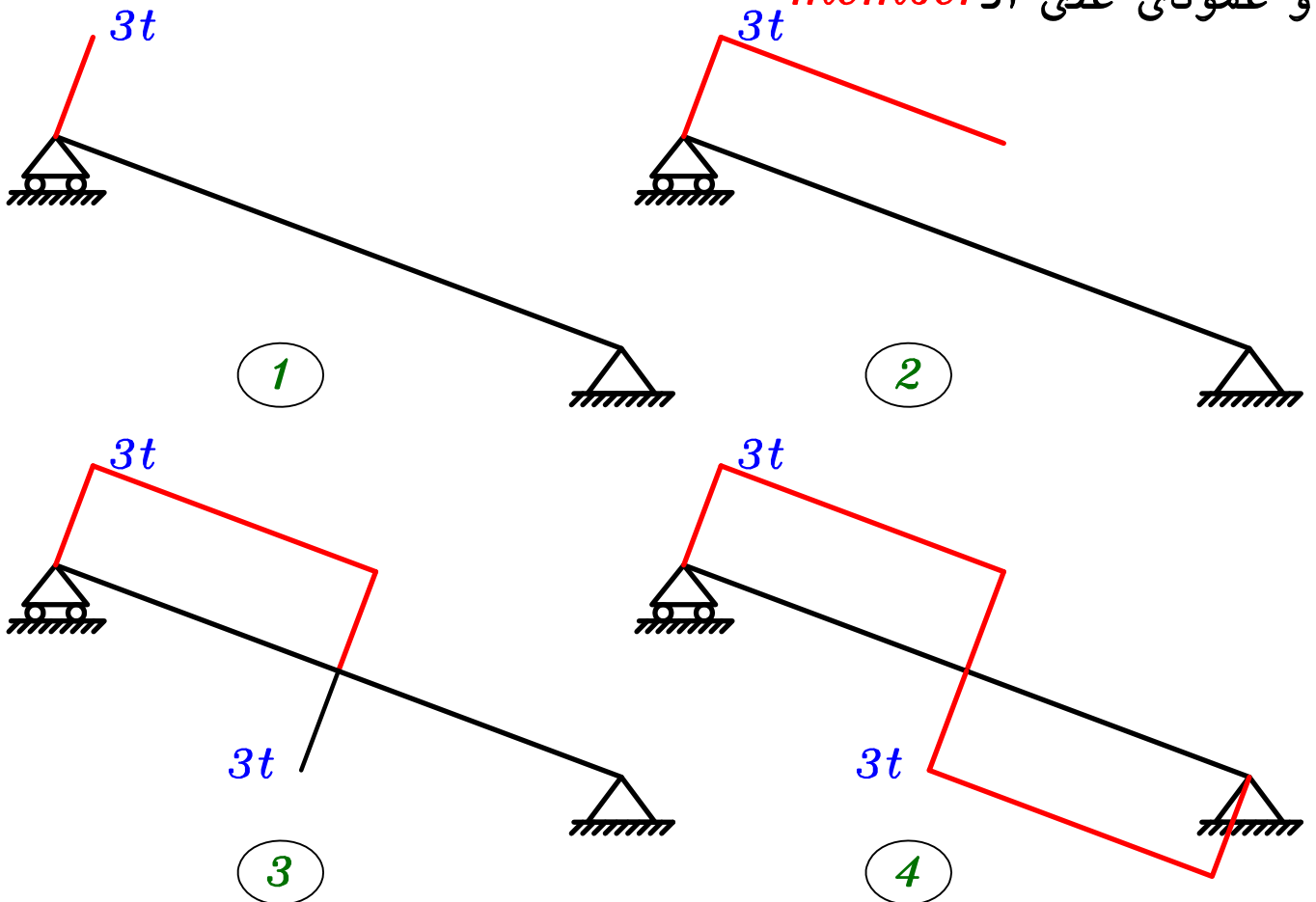
ع- نحلل كل ال member الموجودة على ال المائل بحيث تكون فى اتجاه ال member و الاتجاه العمودى عليه .

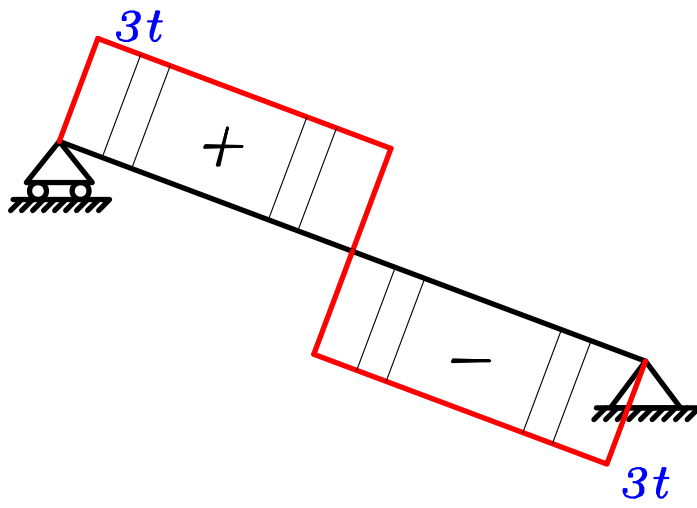




٥- نبدأ برسم الـ **N.F.D** و طبعا عند الرسم يهمنى الـ **Forces** اللى فى اتجاه الـ **member** المائل فقط حيث انها هى اللى بتعمل **Normal** و نبدأ بالطرف الذى بدأنا الحسابات منه و رسم الـ **Diagram** يكون عمودى على الـ **member** المائل الذى هو الـ **Datum**.

خد بالك كل الرسم اما موازى للـ **member** أو عمودى على الـ **member**

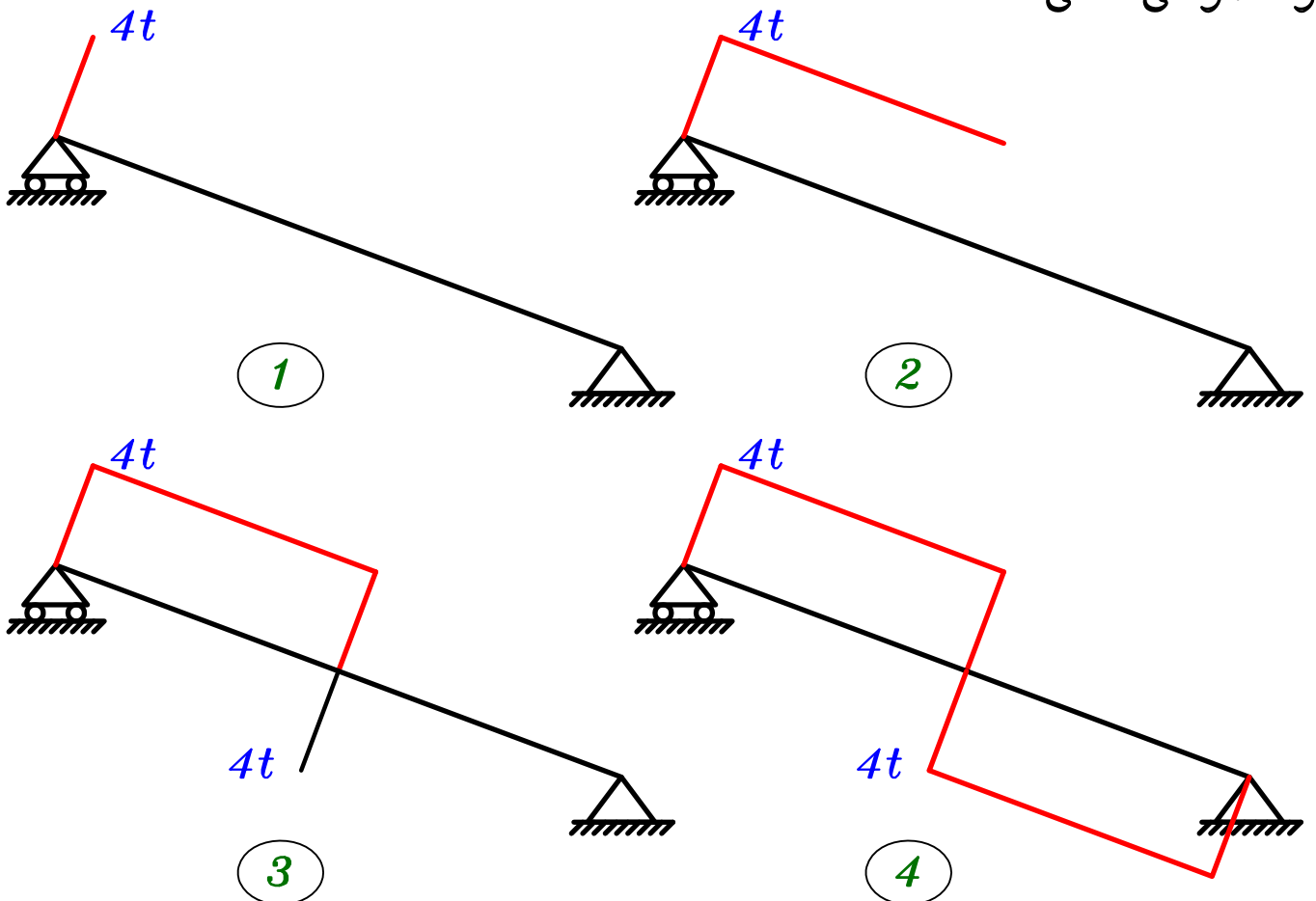


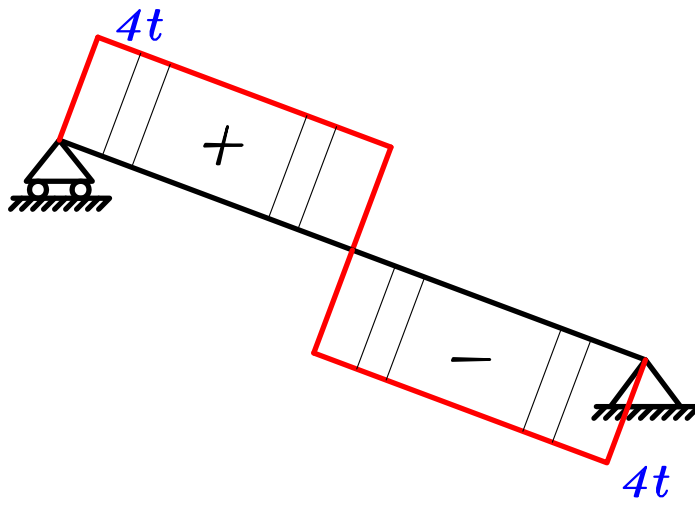


N.F.D

٦- نرسم ال **S.F.D** و عند الرسم يهمننا ال **Forces** اللى فى اتجاه عمودى على ال **member** المائل حيث انها هى اللى بتعمل **Shear** و نبدأ بالطرف الذى بدأنا الحسابات منه و رسم ال **Diagram** يكون عمودى على ال **member** المائل الذى هو ال **Datum** .

خد بالك كل الرسم اما موازى لا **member** أو عمودى على ال **member**

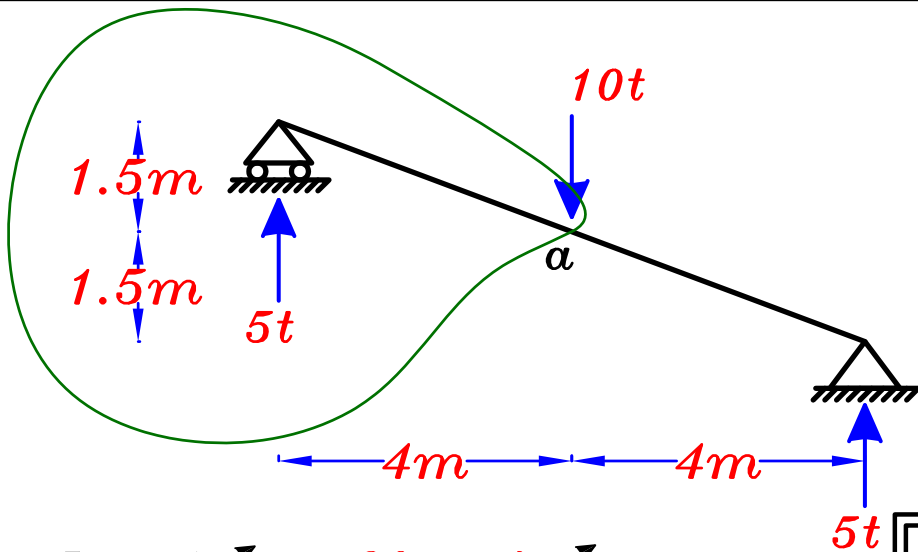




S.F.D

٧- نرسم ال **B.M.D** و نقوم بحساب ال **moment** عند النقط التالية
 أ - بداية و نهاية الكمرة و عندهما ال **moment** يساوى صفر
 ب- عند ال **Concentrated load**

يفضل عند حساب قيم ال **moment** الحساب من ال **Forces** قبل التحليل و ليس من ال **Forces** المحطة .



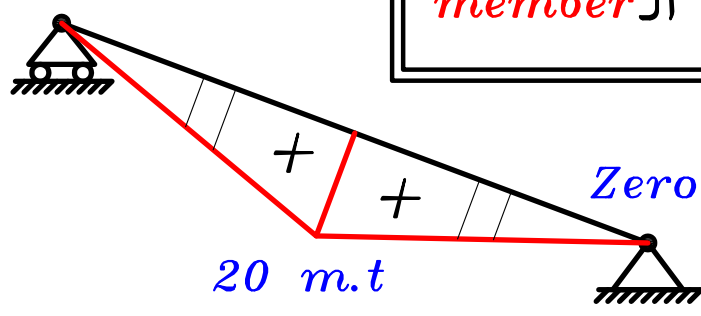
خذ بالك

قيم ال **moment**

توقع عمودى على ال **member**

$$M_a = 5 \times 4 = 20 \text{ m.t}$$

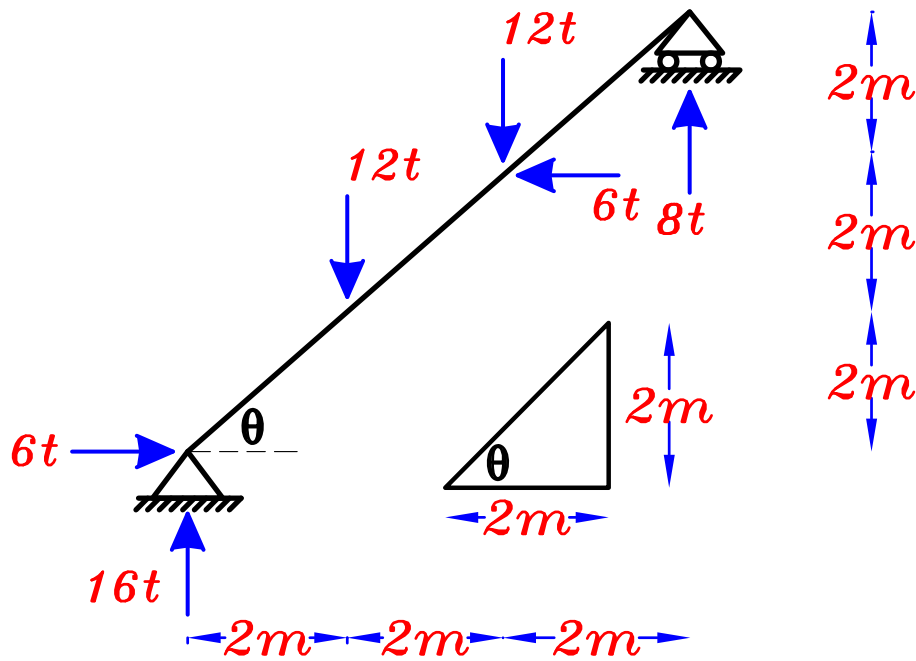
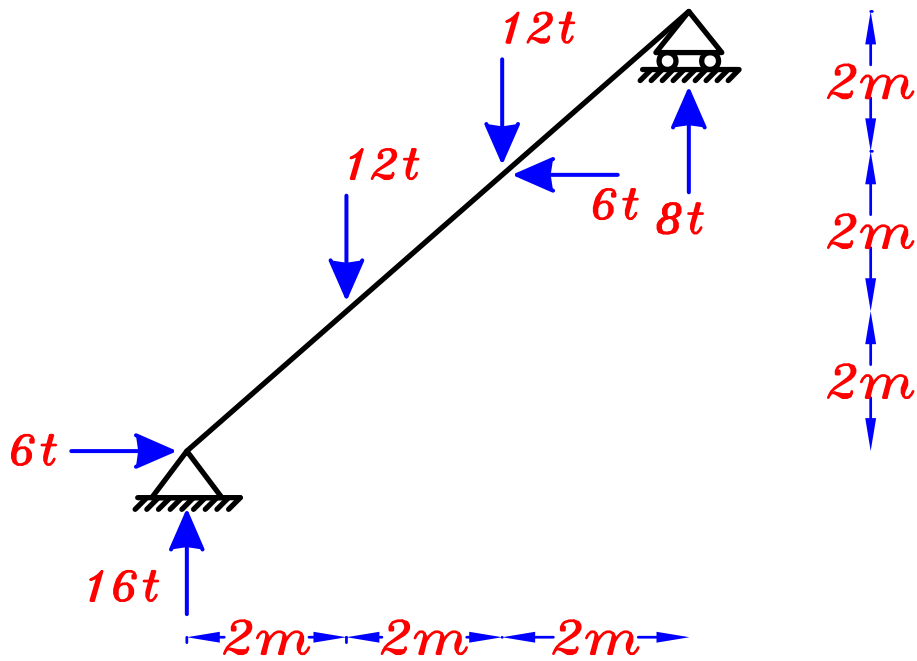
Zero



B.M.D

Example :

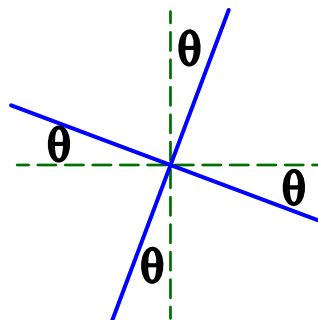
For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.

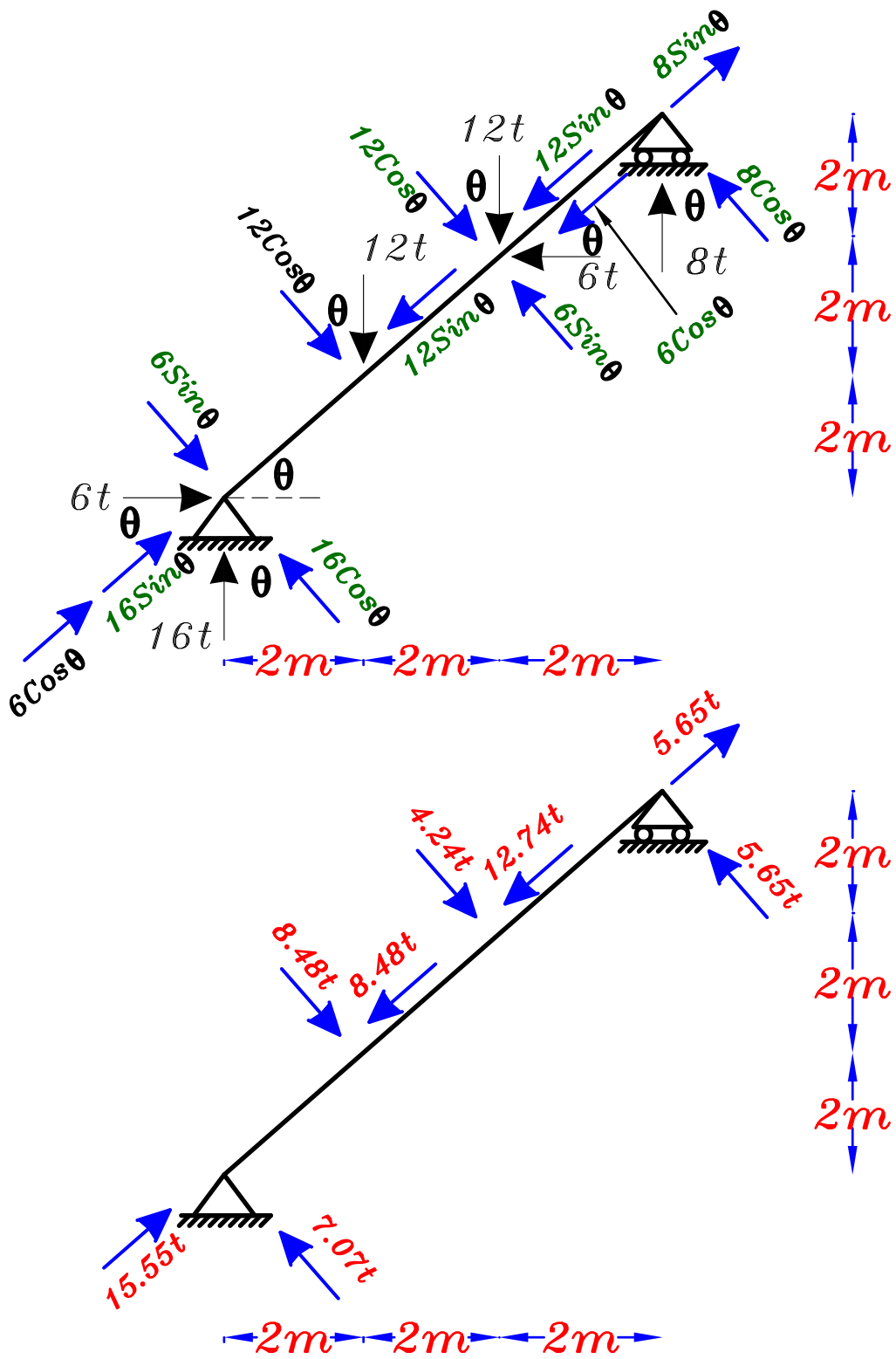


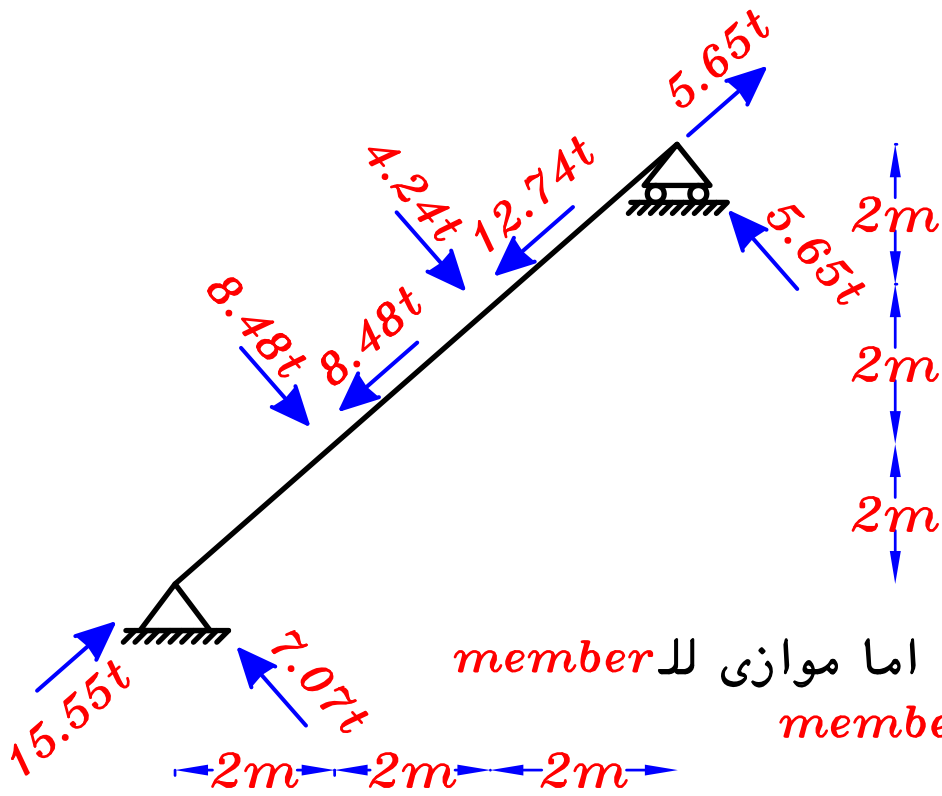
$$\theta = \tan^{-1} \frac{2}{2} = 45^\circ$$

$$\sin \theta = 0.707$$

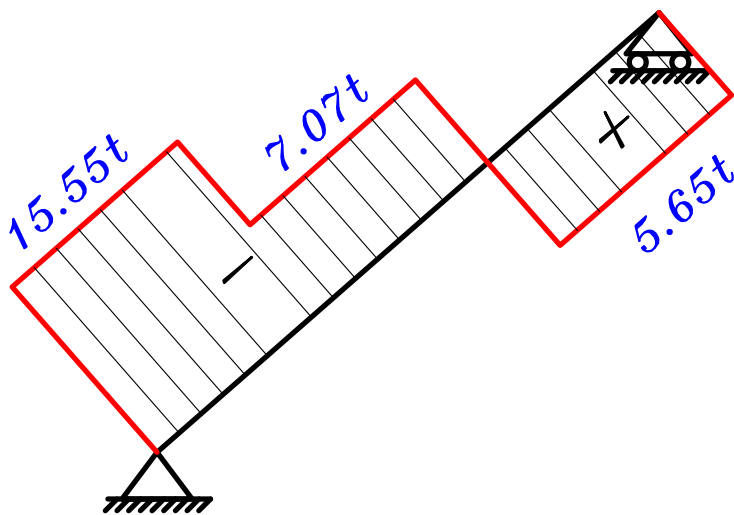
$$\cos \theta = 0.707$$



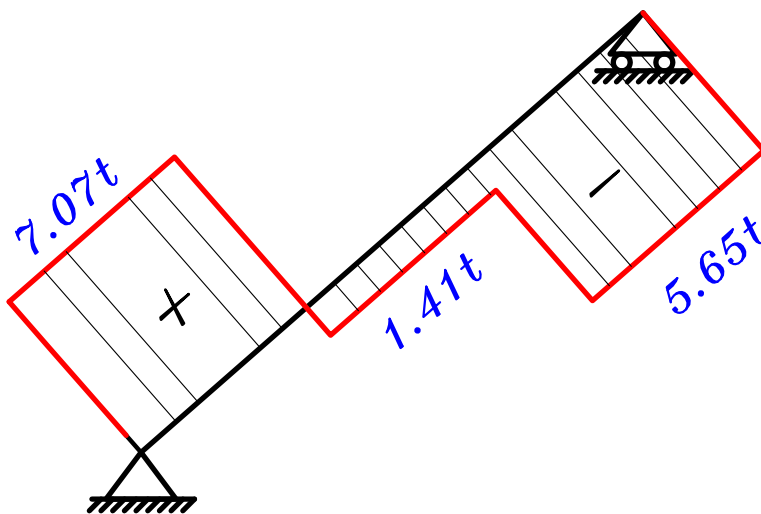




خذ بالك كل الرسم اما موازي لل member
أو عمودي على ال member

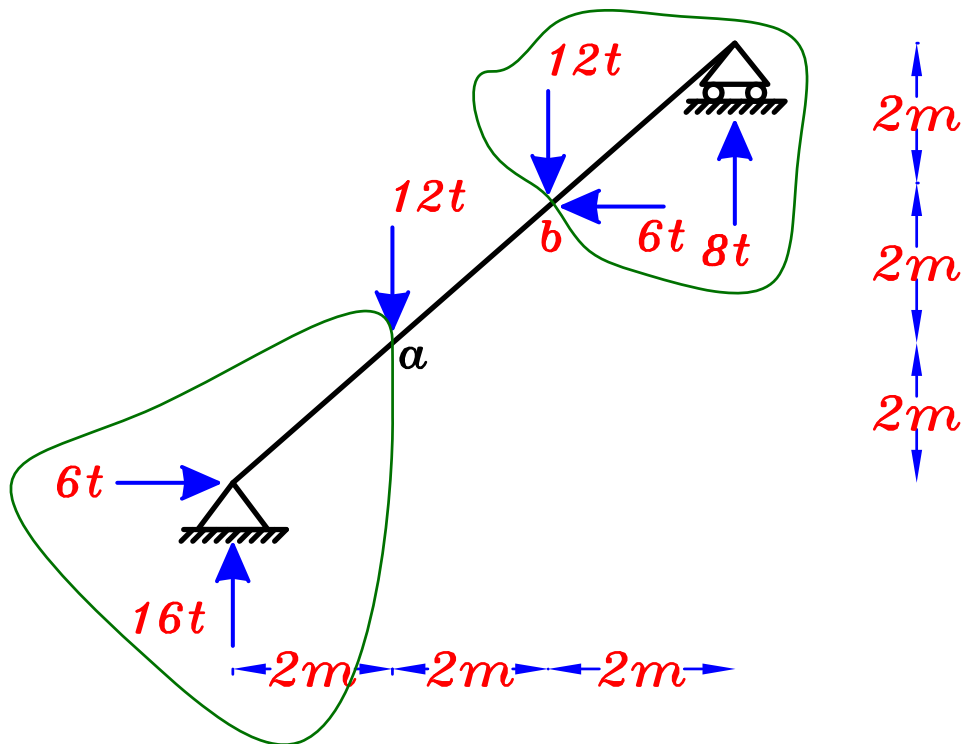


N.F.D



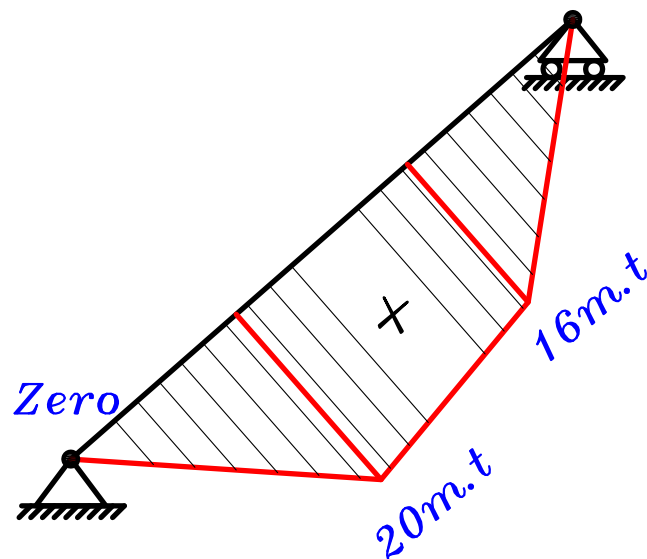
S.F.D

يفضل عند حساب قيم ال **moment** الحساب من ال **Forces** قبل التحليل و ليس من ال **Forces** المحللة .



$$M_{\alpha} = 16 \times 2 \curvearrow - 6 \times 2 \curvearrow = 20 \text{ m.t} \curvearrow$$

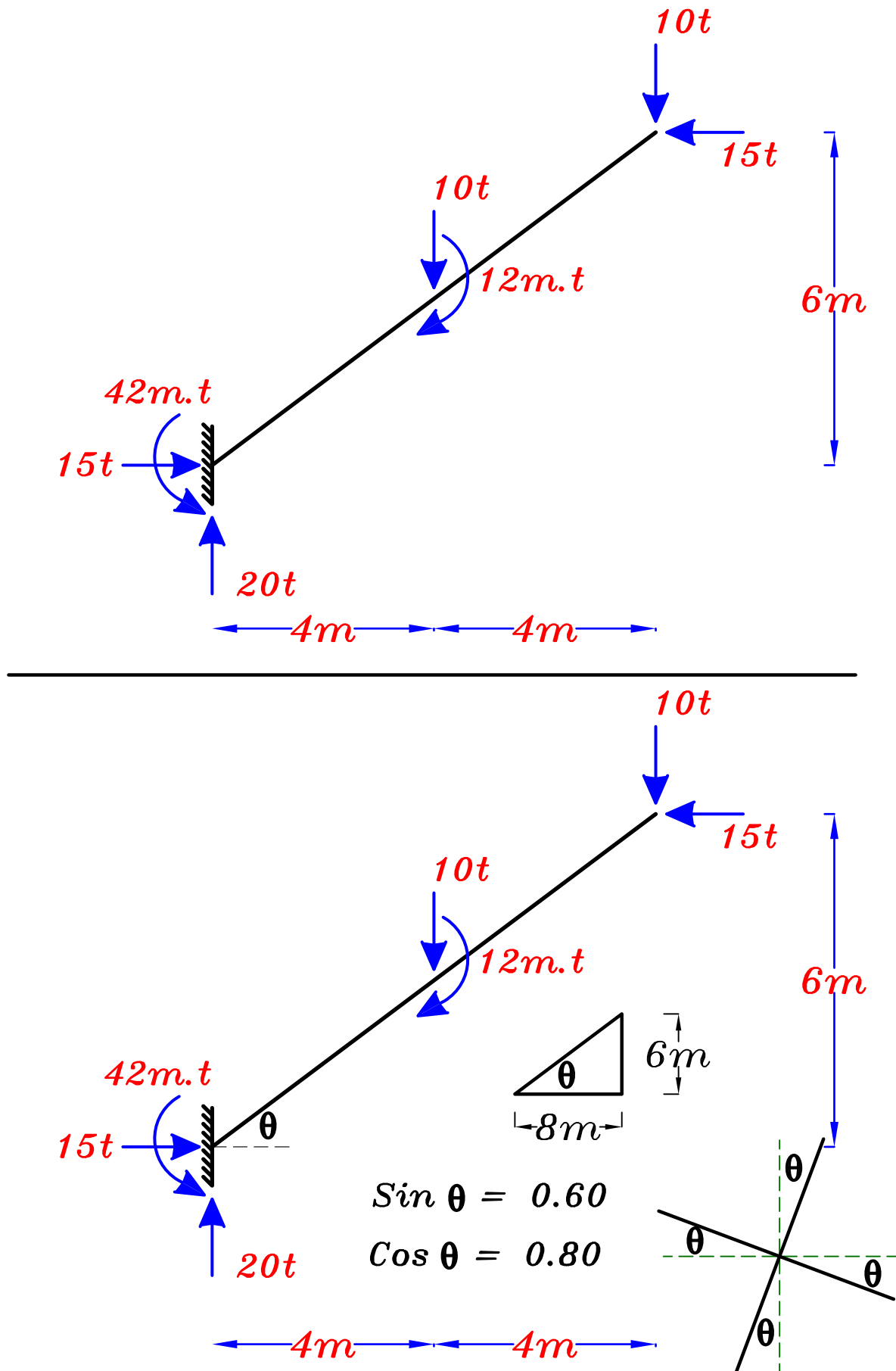
$$M_b = 8 \times 2 \curvearrow = 16 \text{ m.t} \curvearrow \quad \text{Zero}$$

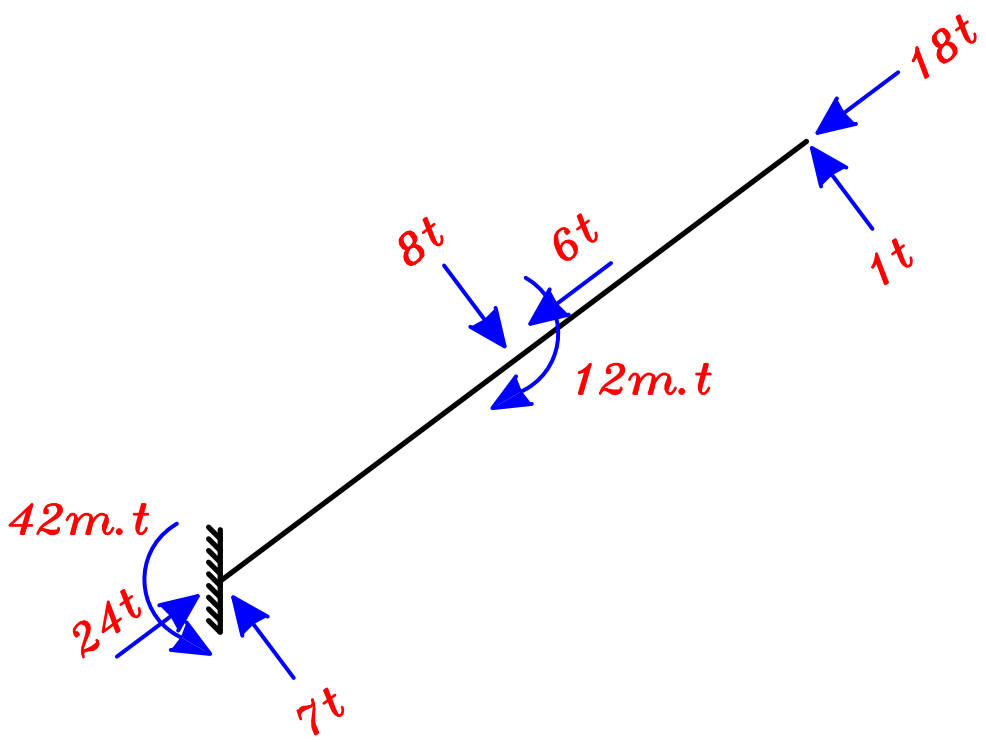
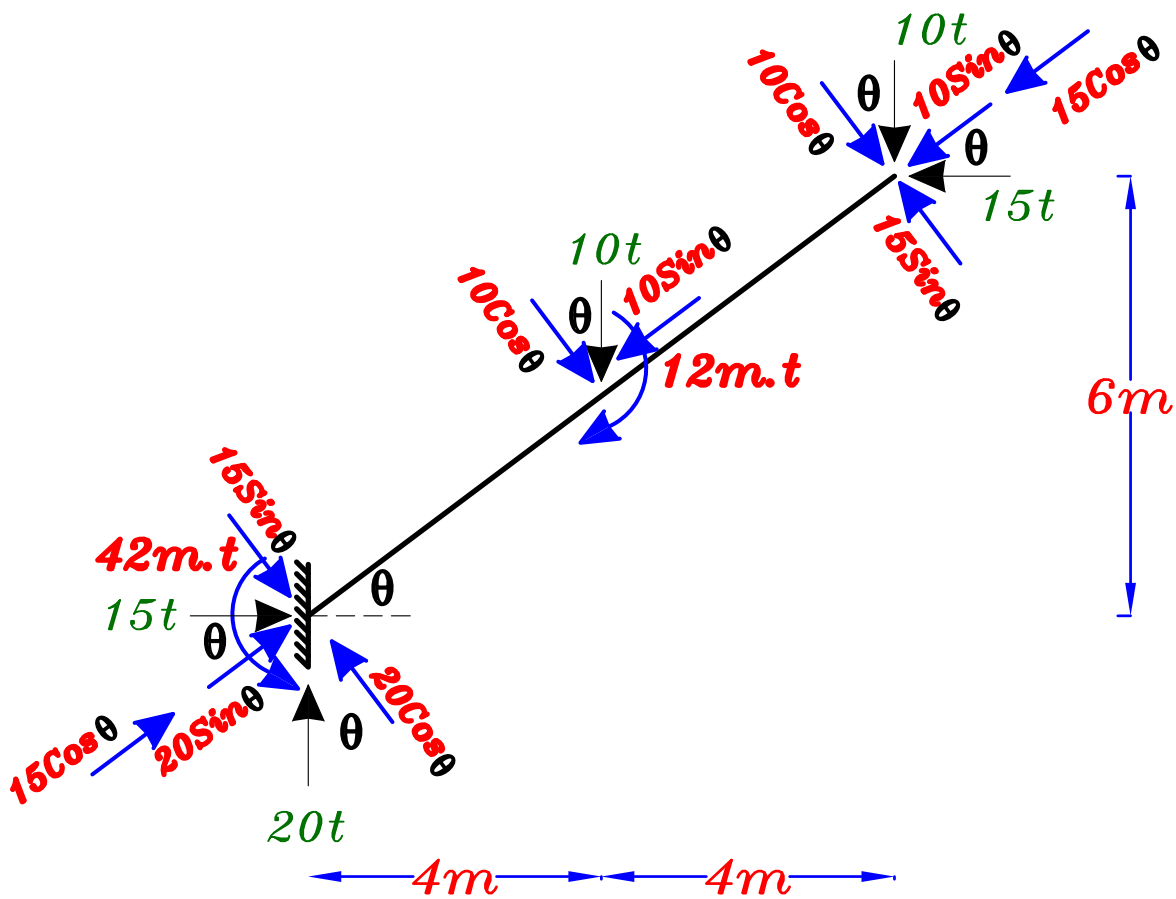


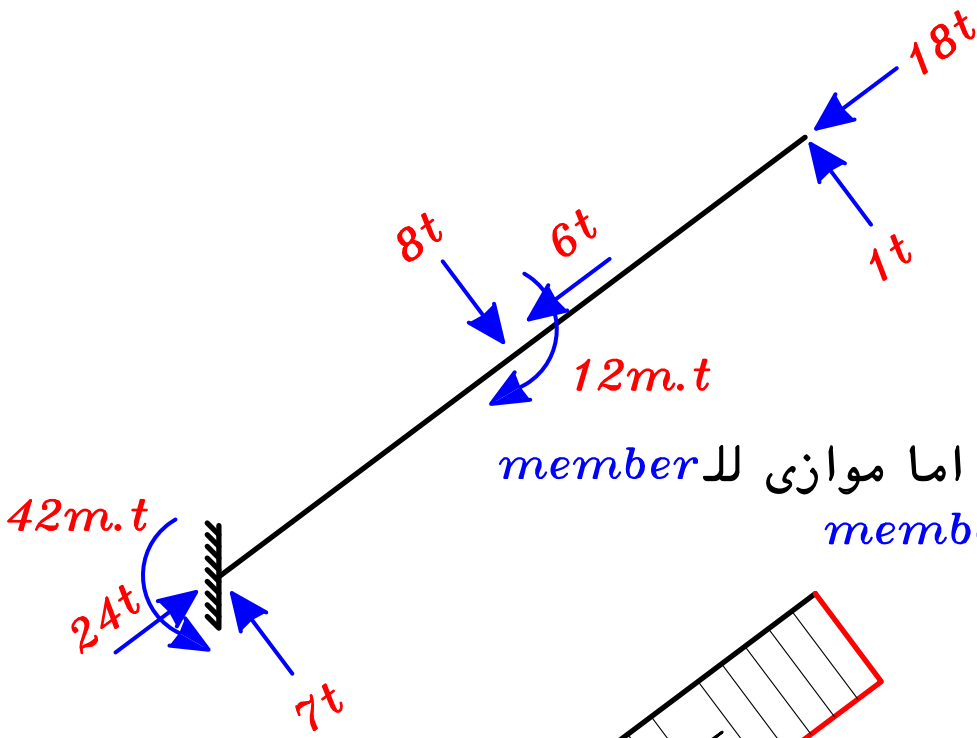
B.M.D

Example :

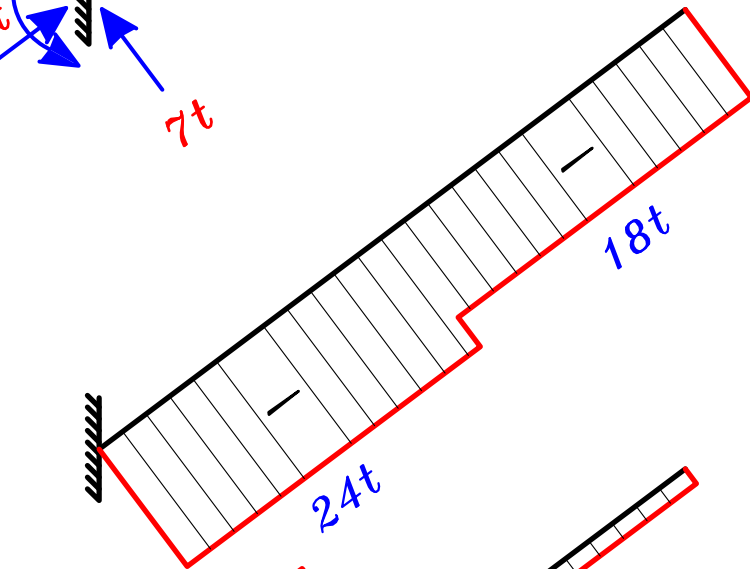
For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.



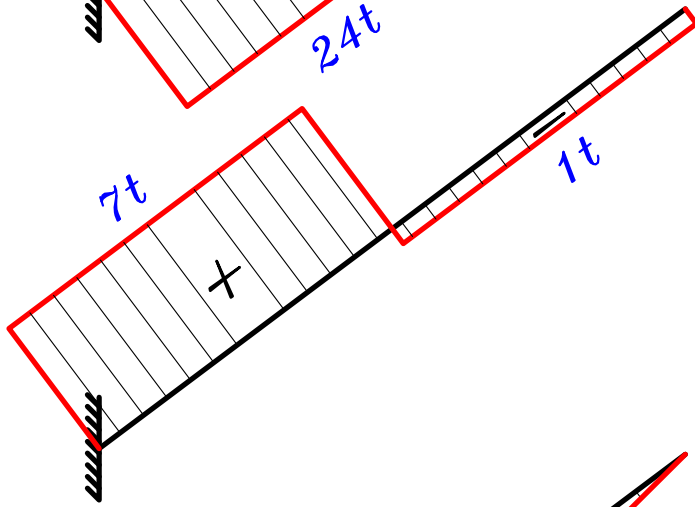




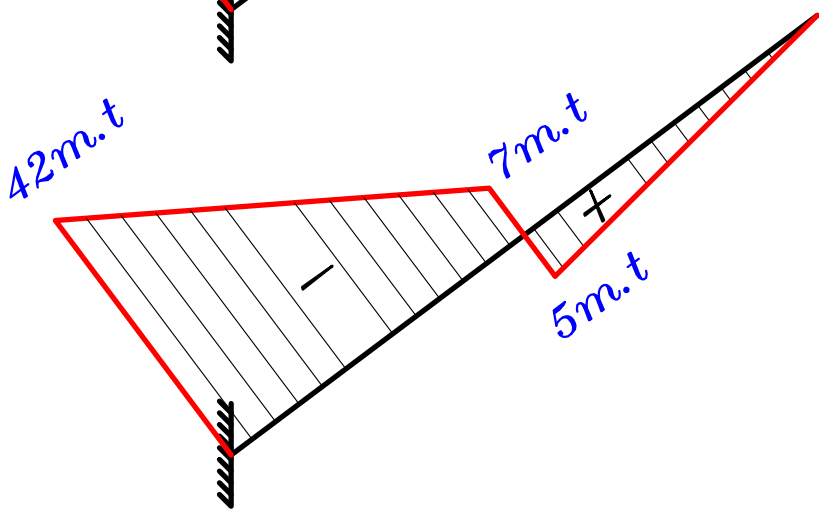
خذ بالك كل الرسم اما موازى لل member
أو عمودى على ال member



N.F.D



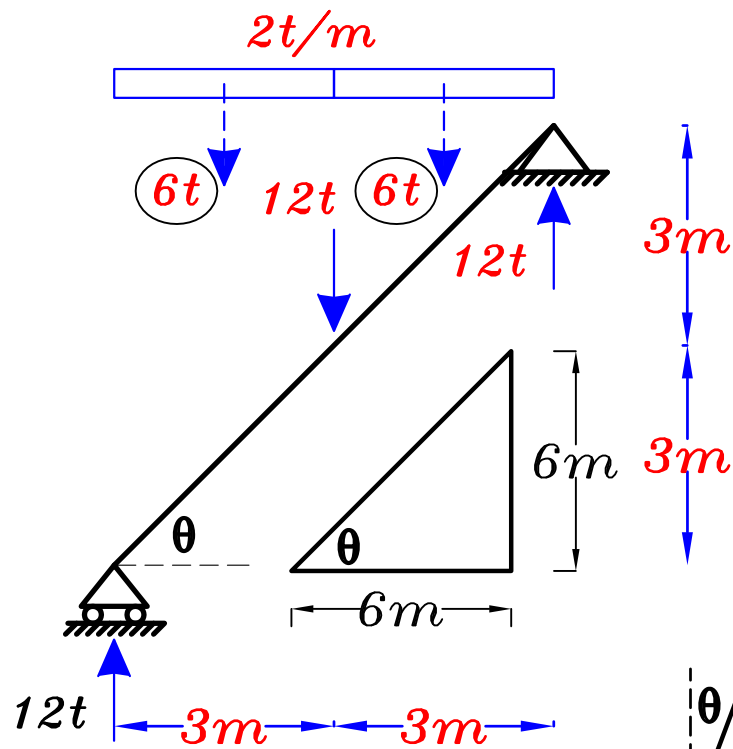
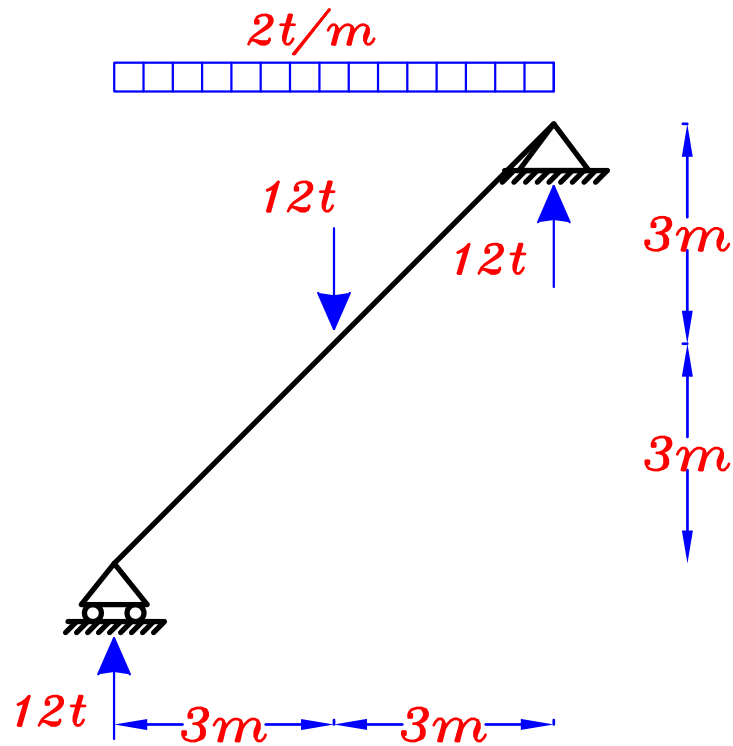
S.F.D



B.M.D

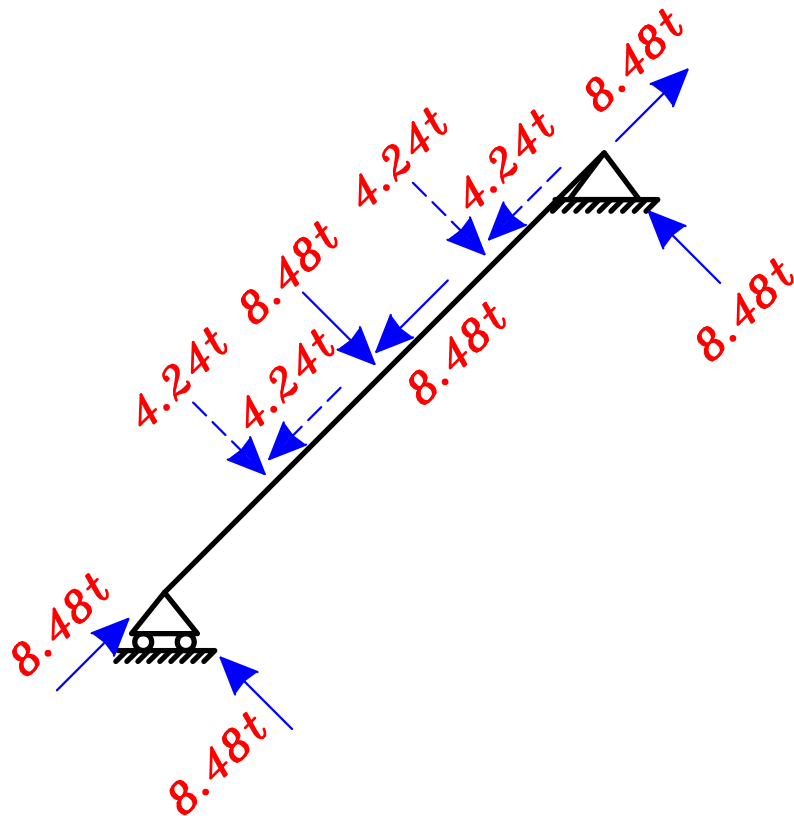
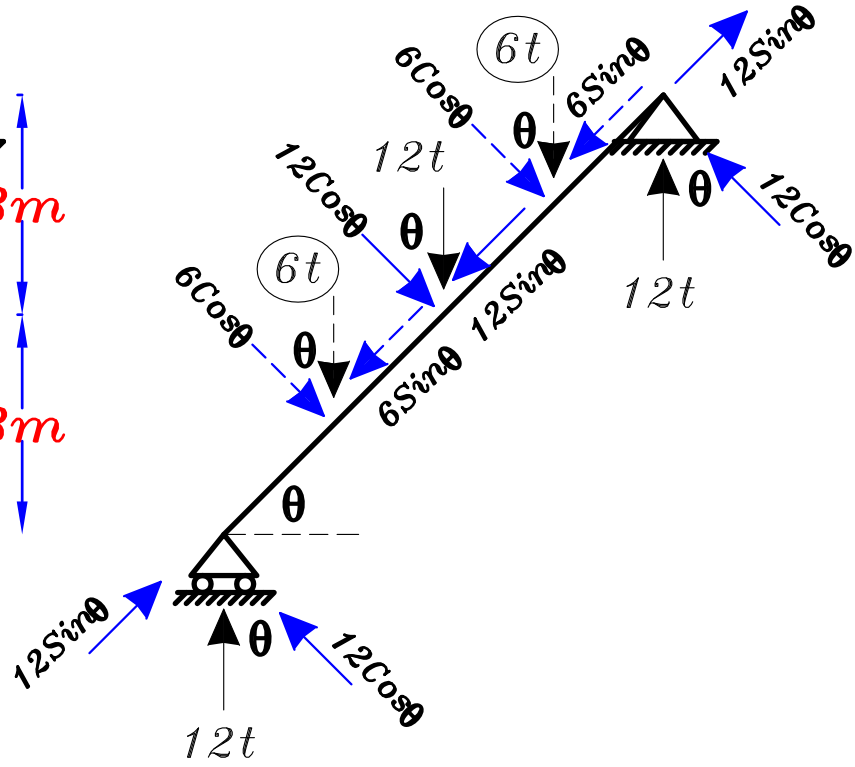
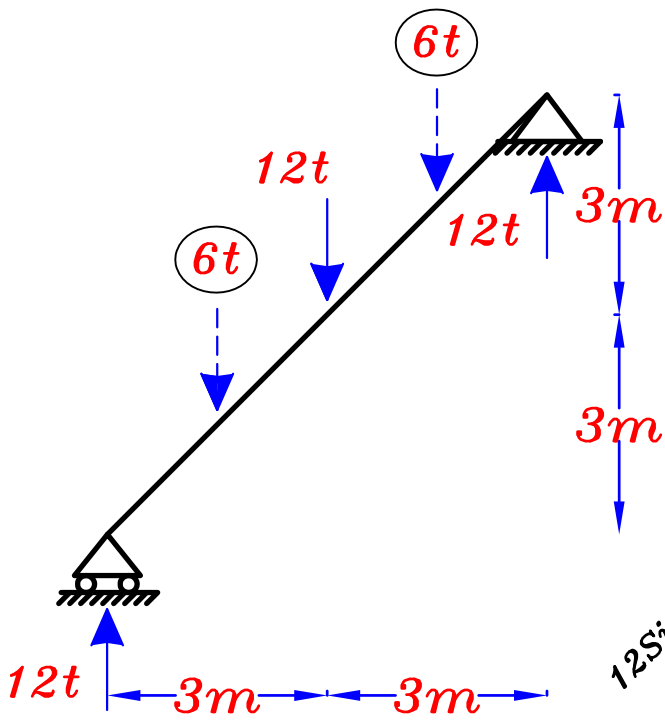
Example :

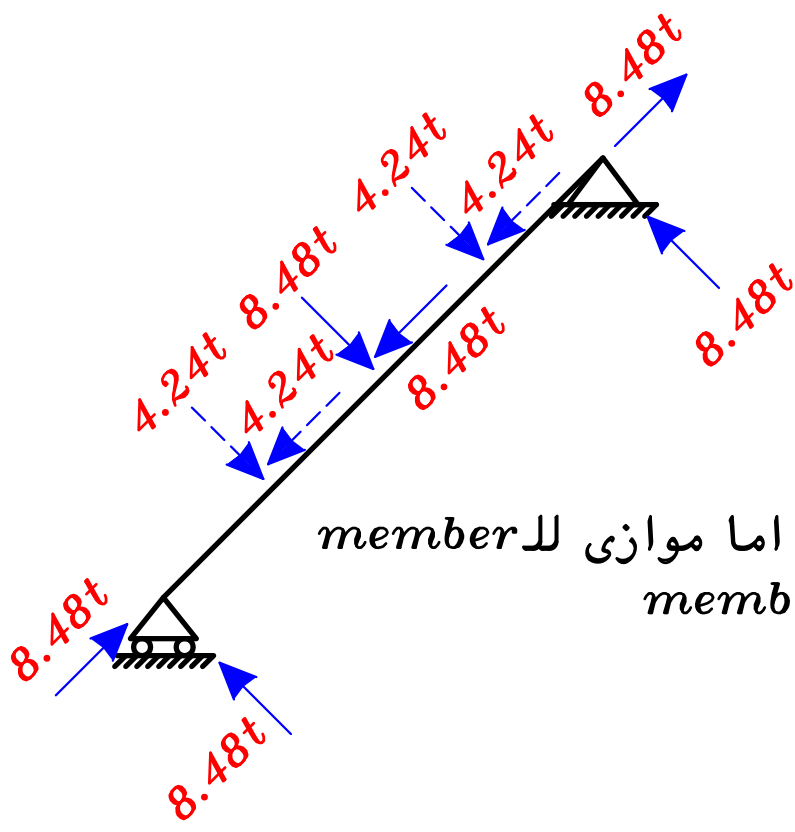
For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.



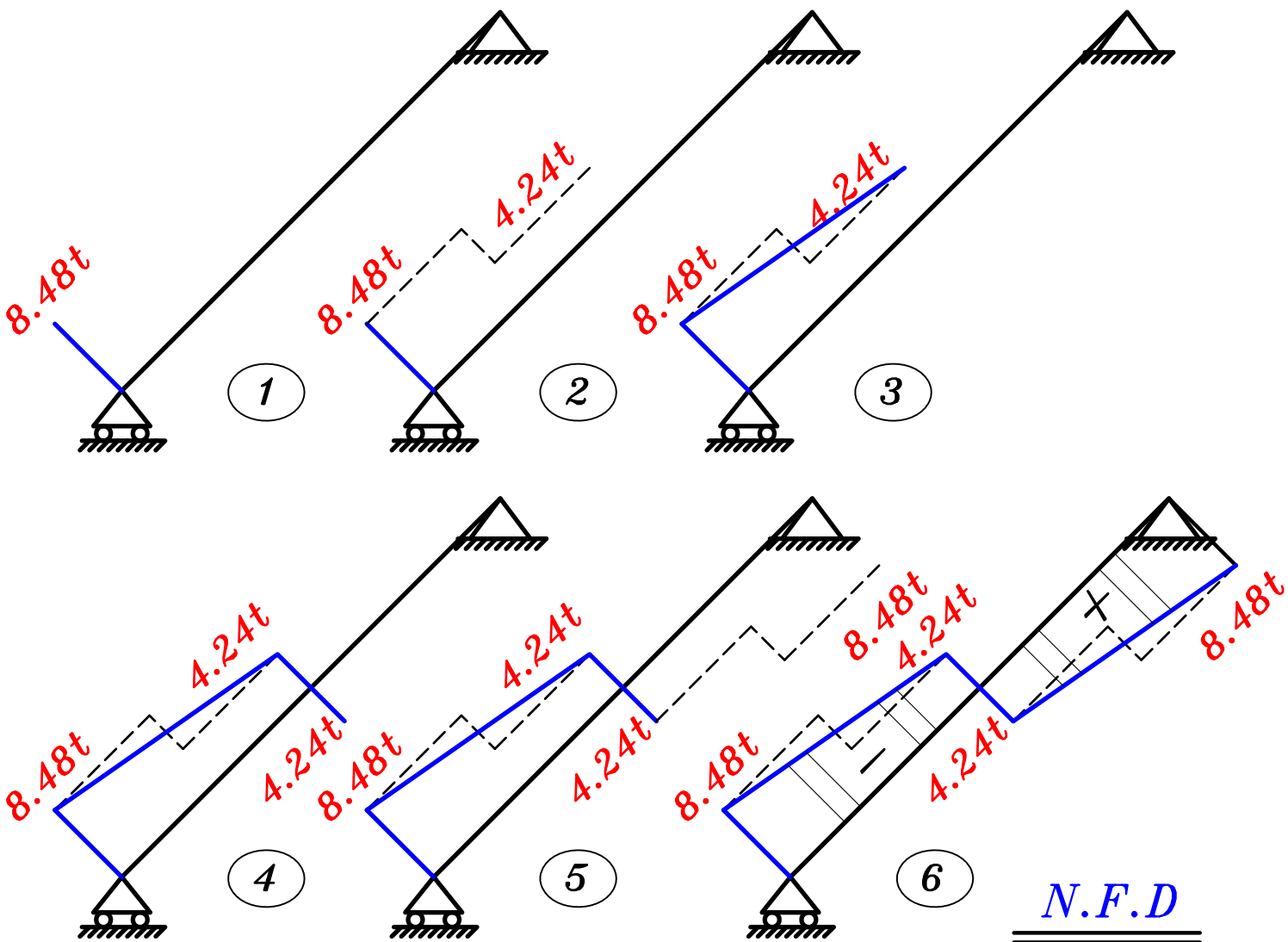
$$\sin \theta = 0.707$$

$$\cos \theta = 0.707$$

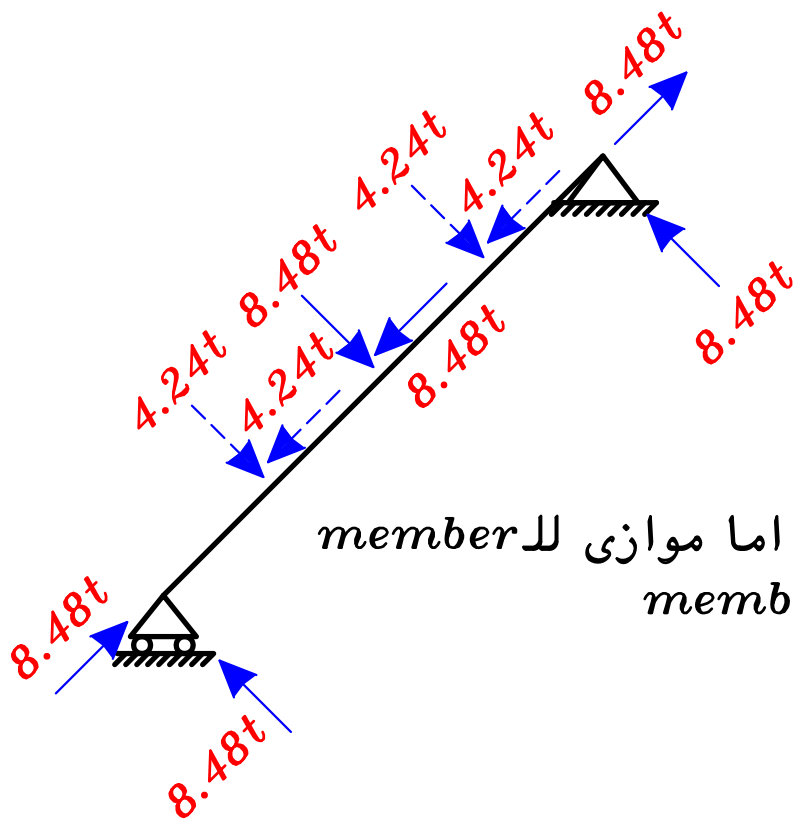




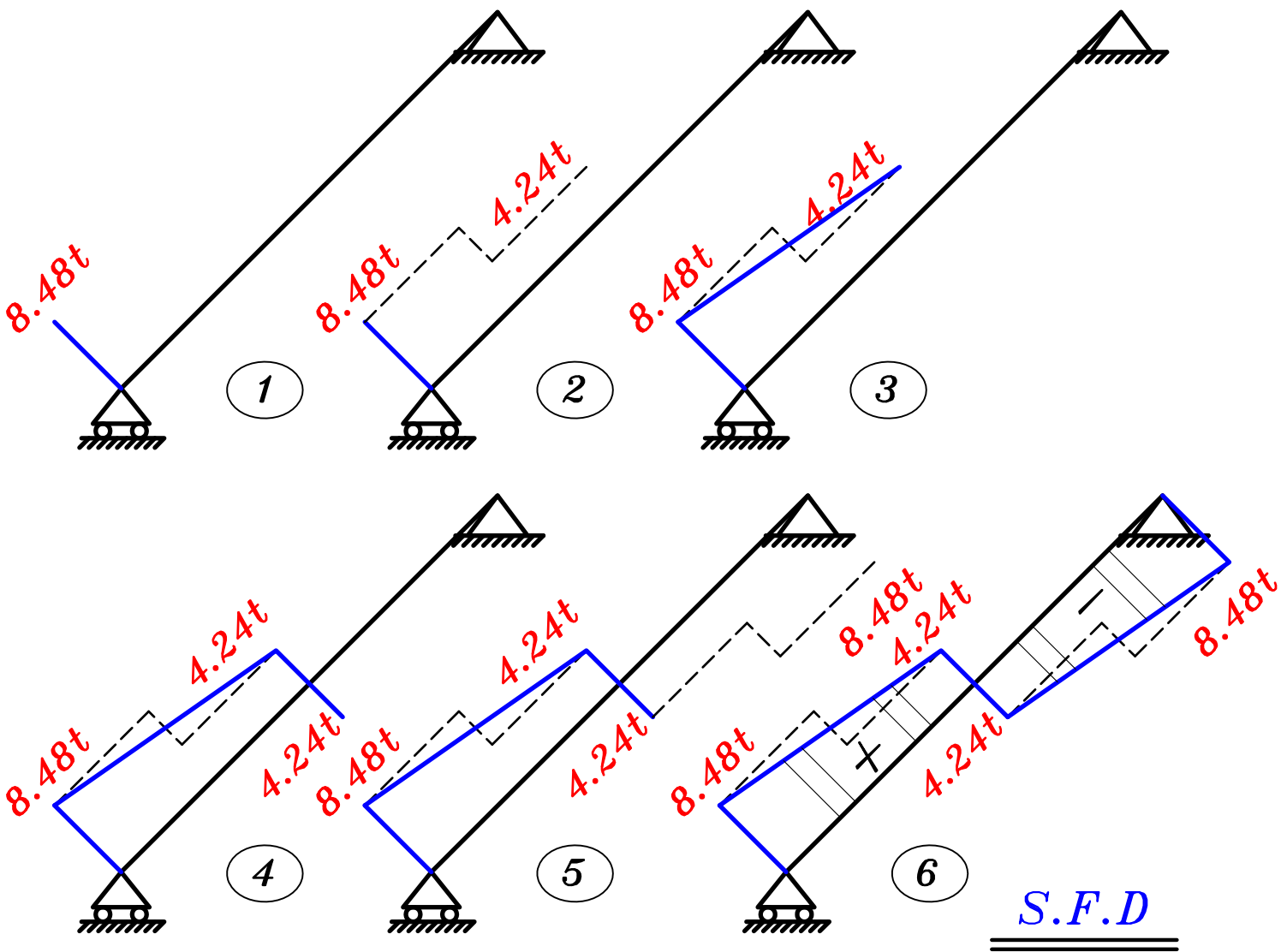
خذ بالك كل الرسم اما موازي ل member
أو عمودي على member



N.F.D

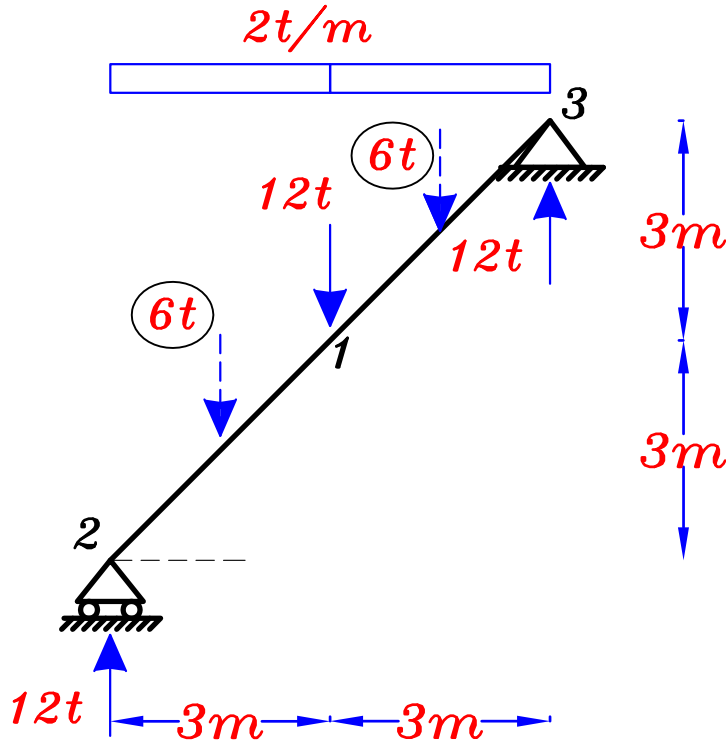


خذ بالك كل الرسم اما موازي لـ member
أو عمودي على ال member



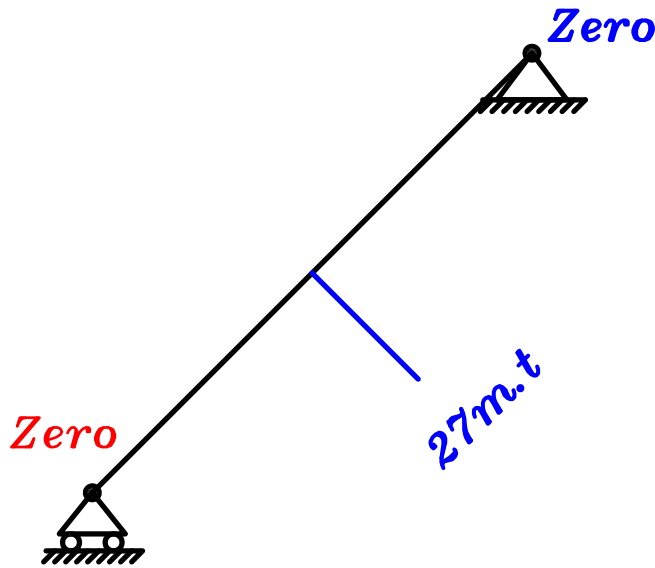
S.F.D

يفضل عند حساب قيم ال *moment* الحساب من ال *Forces* قبل التحليل و ليس من ال *Forces* المحللة .



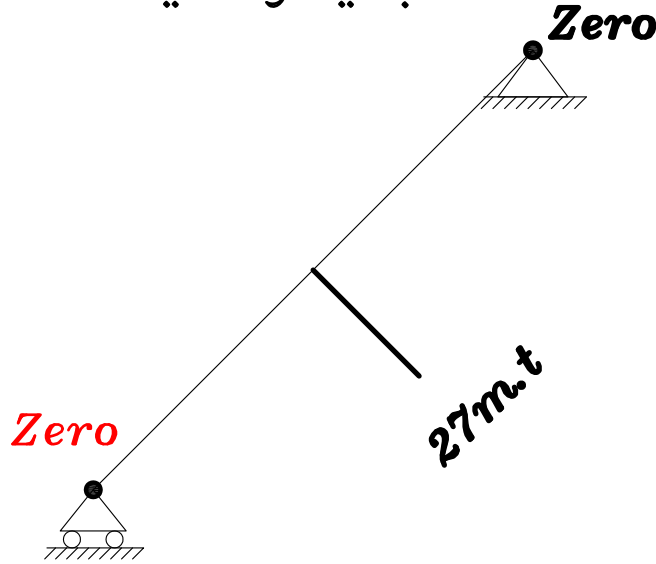
١- نحسب قيمة ال *Moment* عند بداية و نهاية الكمره و عند نقطة (1)

$$M_1 = 12 \times 3 \curvearrowright - 6 \times 1.5 \curvearrowleft = 27 \text{ m.t} \curvearrowright$$

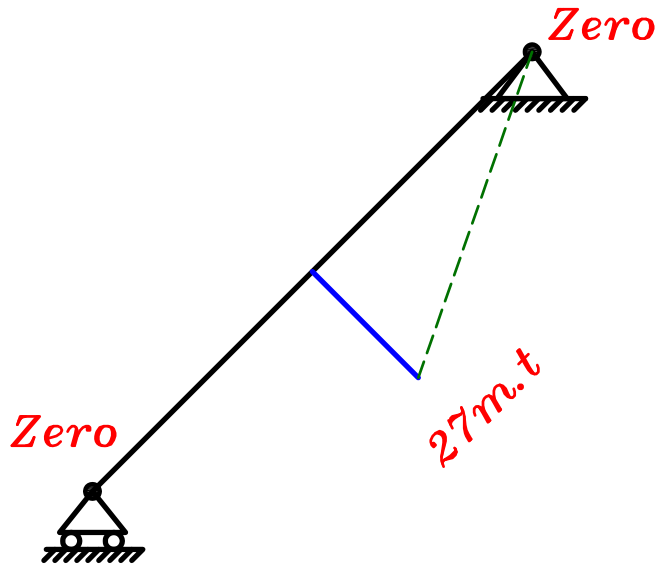


و لرسم ال *Parabola* على الجزء 12 أو 13 نقوم بعمل الاتي

١- نحسب قيمة الـ **Moment** عند بداية و نهاية الـ **Dist. load**

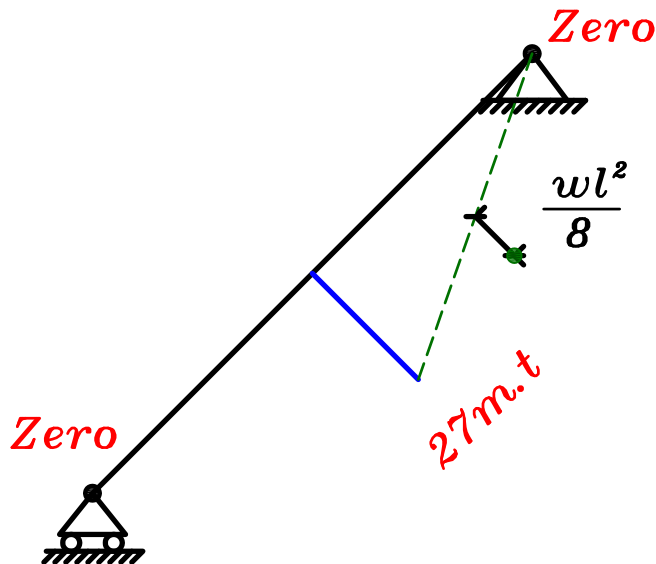


٢- ثم يتم التوصيل بين هاتين القيمتين بخط منقط

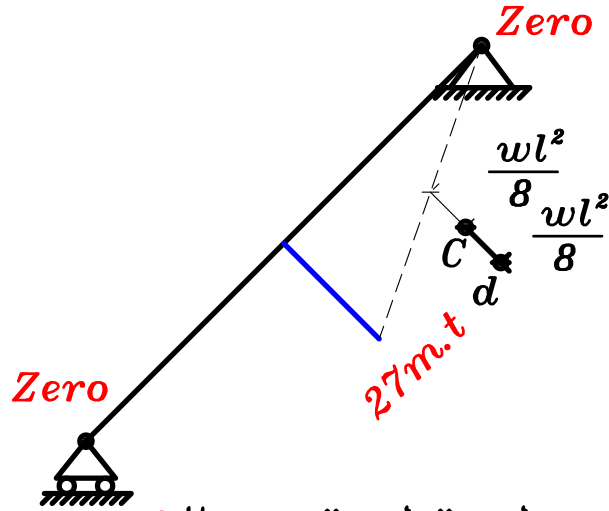


٣- من منتصف الخط المنقط نزل عمودى على محور الكمره مسافة

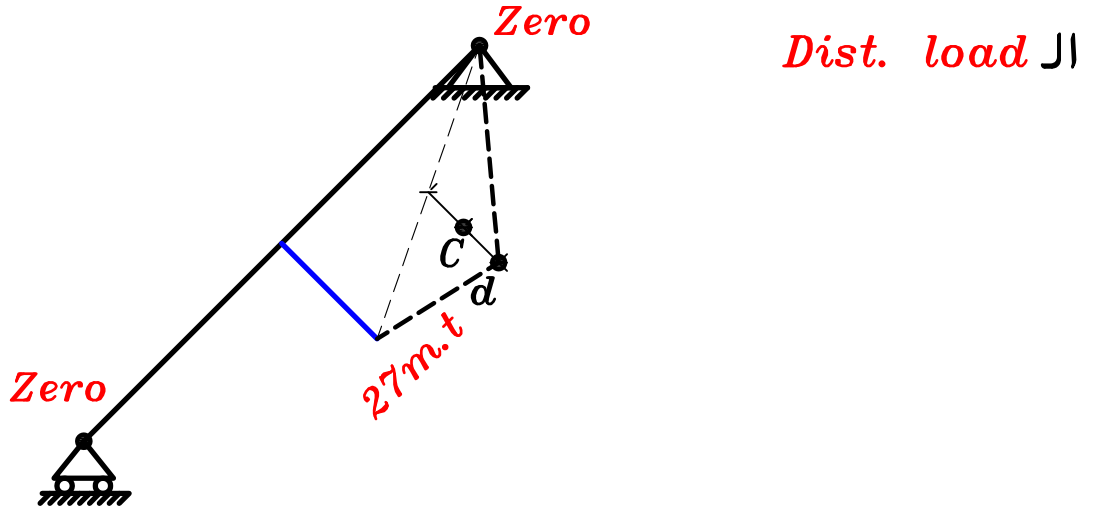
قيمتها $\frac{wl^2}{8}$ أو $\frac{wl^2}{8}$ أو $\frac{wl^2}{8}$ حسب الحالة الموجودة و هنا تكون $\frac{wl^2}{8}$



٤- من النقطة السابقة (C) نزل مسافة أخرى قيمتها $\frac{wl^2}{8}$ أو $\frac{wl^2}{8}$ أو $\frac{wl^2}{8}$ حسب الحالة الموجودة و هنا تكون $\frac{wl^2}{8}$



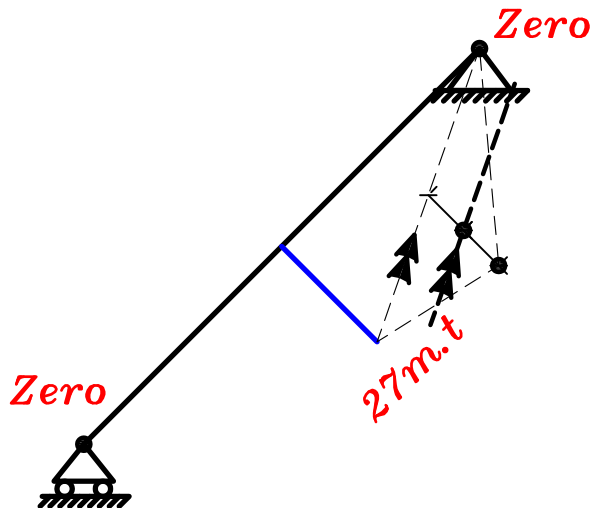
٥- من نقطة (d) نوصل خط منقط بقيمتي ال *moment* عند بداية و نهاية



٦- من نقطة (C) نرسم خط موازي للخط الواصل بين قيمتي

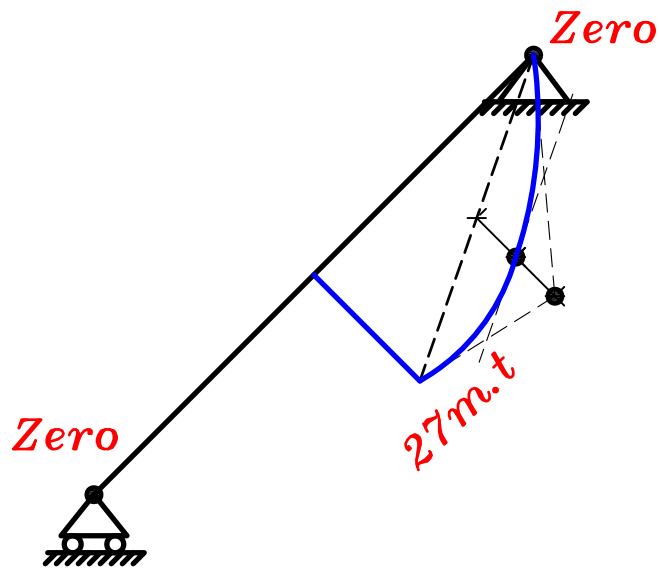
ال *moment* فى بداية و نهاية ال *Dist. load* و بذلك يكون لدينا

ثلاثة مماسات ل *Curve* ال *moment*

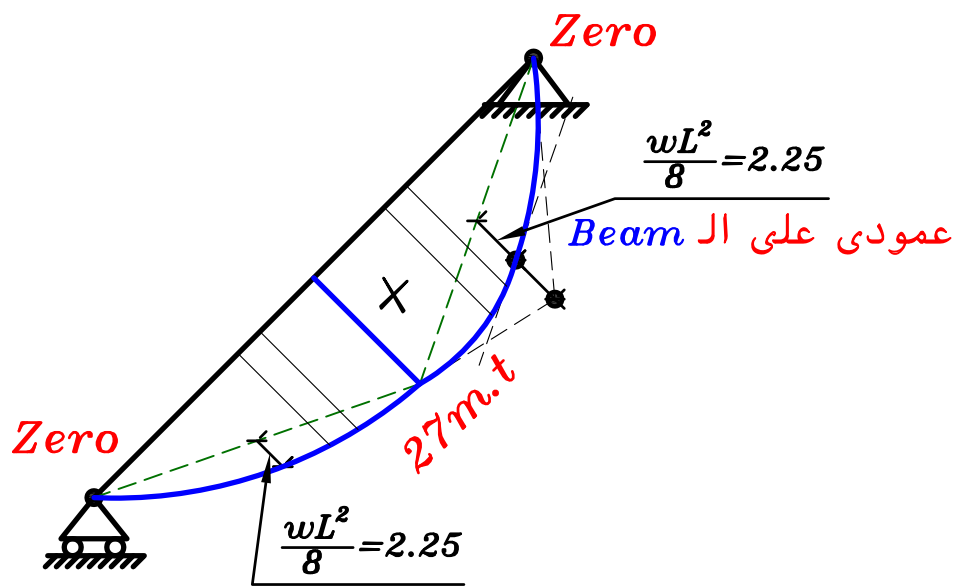


٧- نوصل بين قيمتى ال *moment* و نقطة (C) بـ *Curve(Parabola)*

ويكون هو ال *B.M.D*



ثم نرسم الجزء الاخر

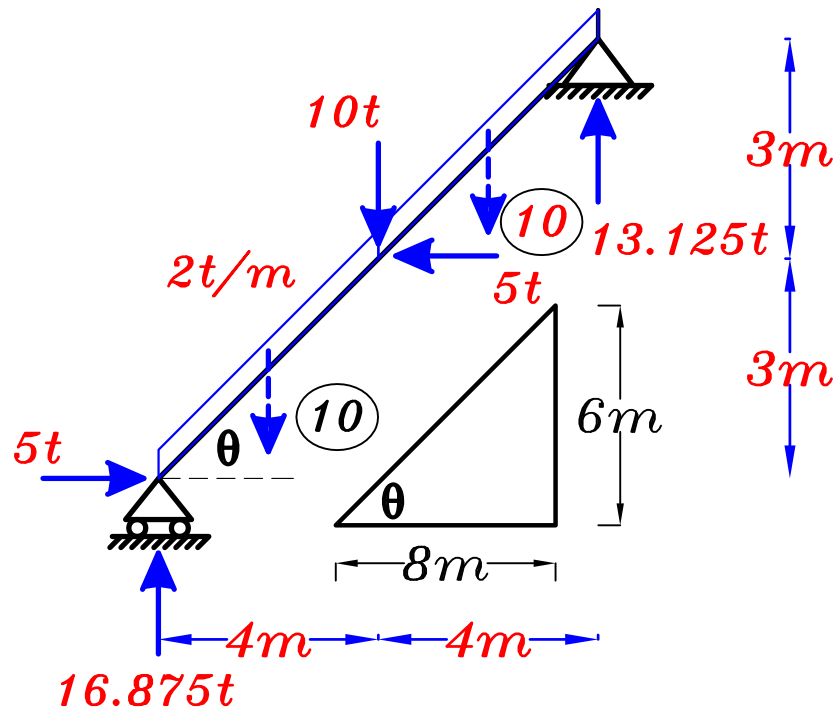
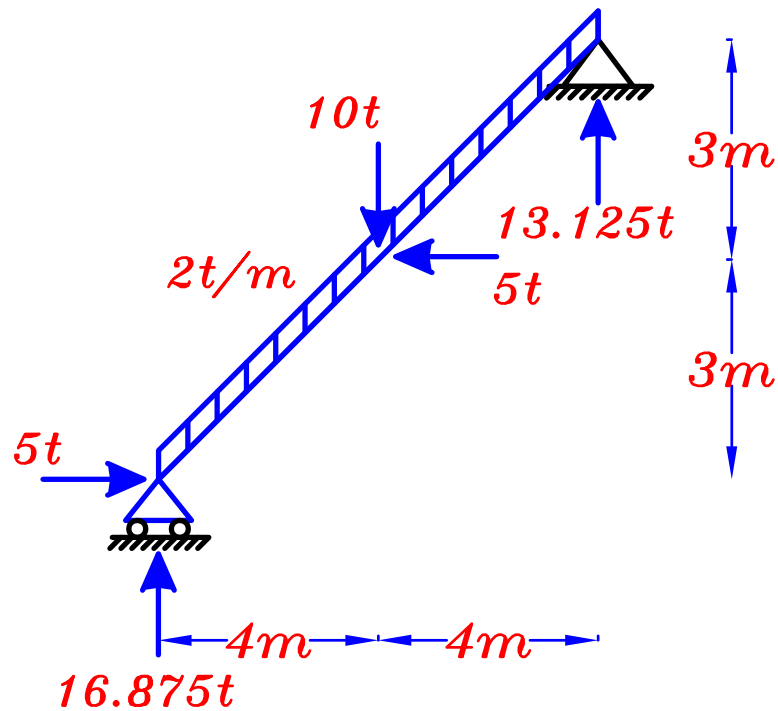


عمودى على ال Beam

B.M.D

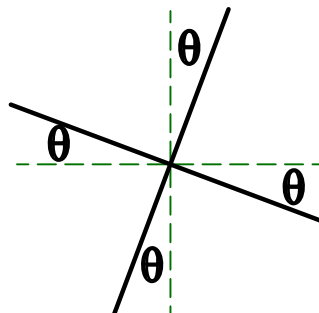
Example :

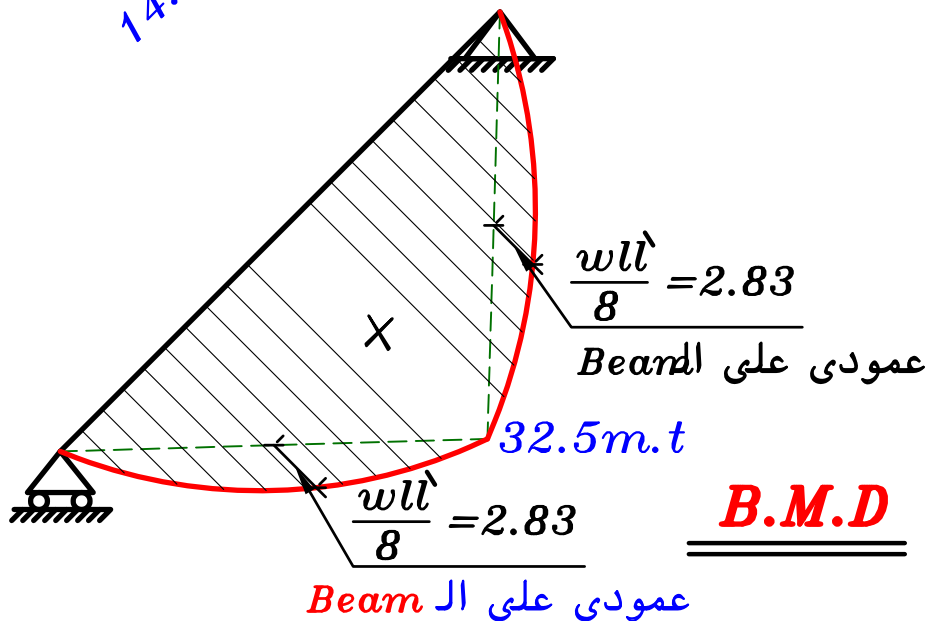
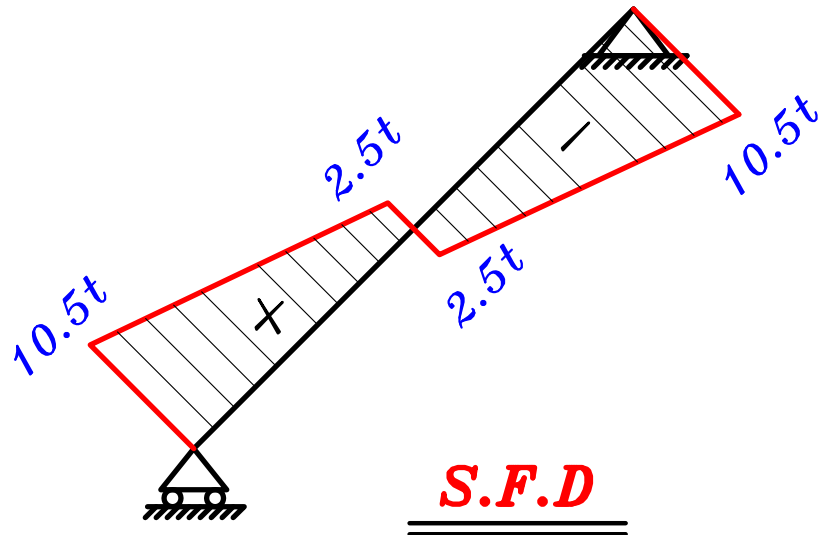
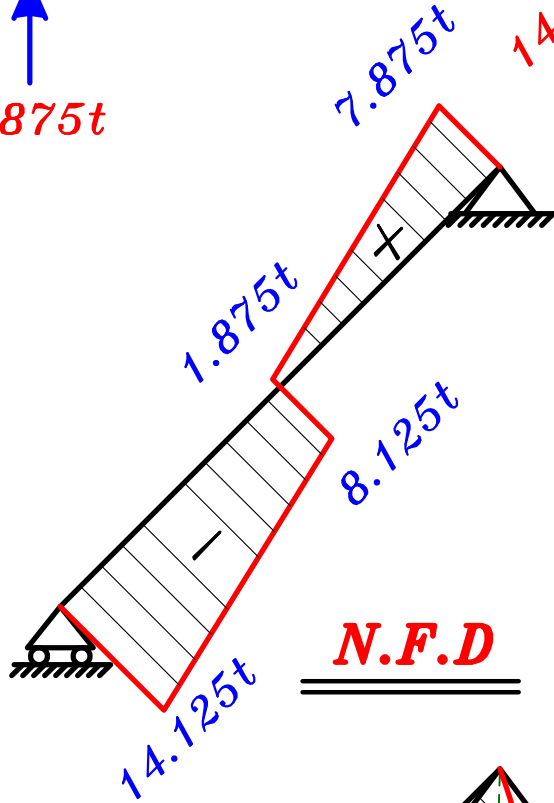
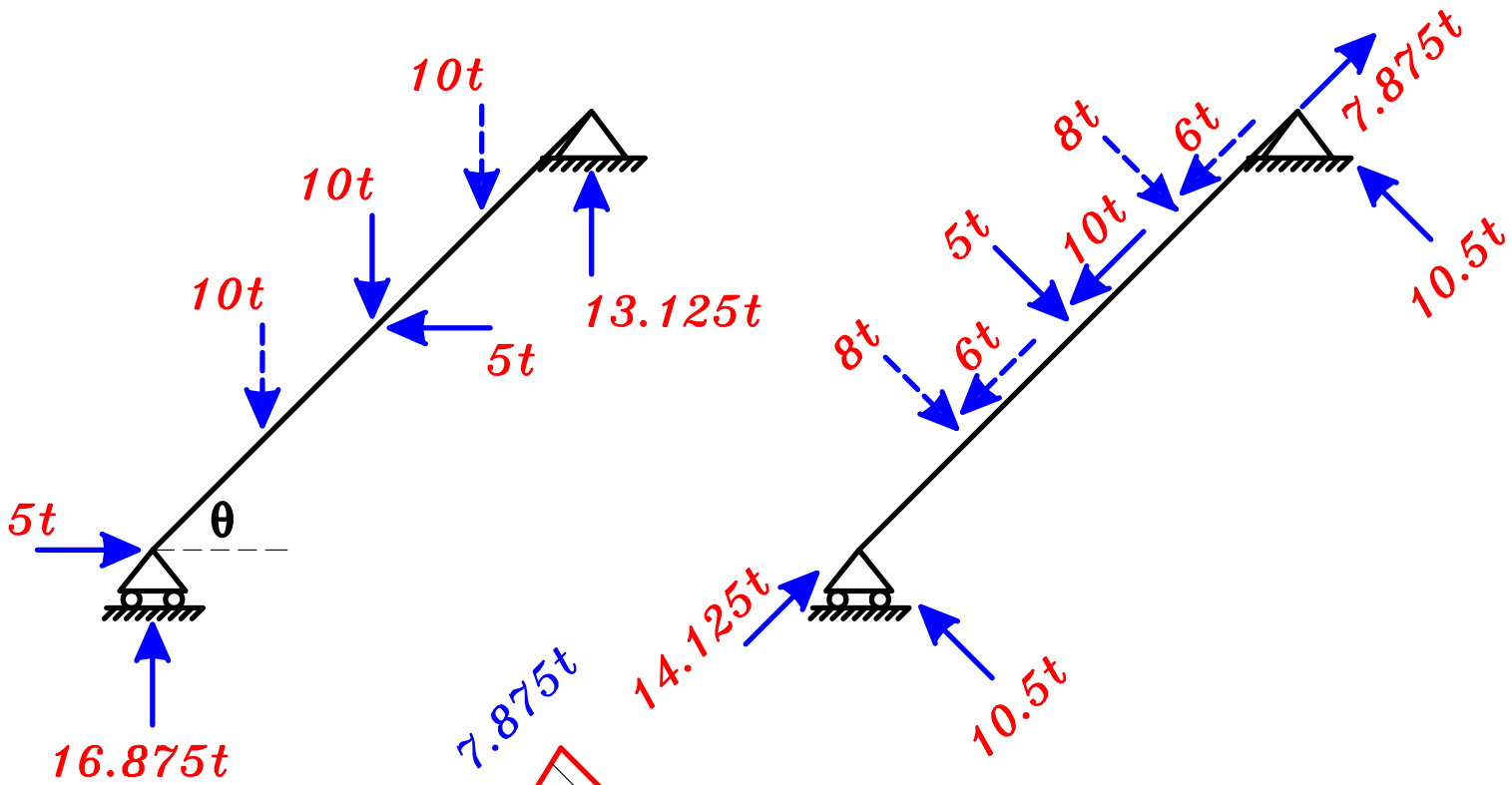
For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.



$$\sin \theta = 0.60$$

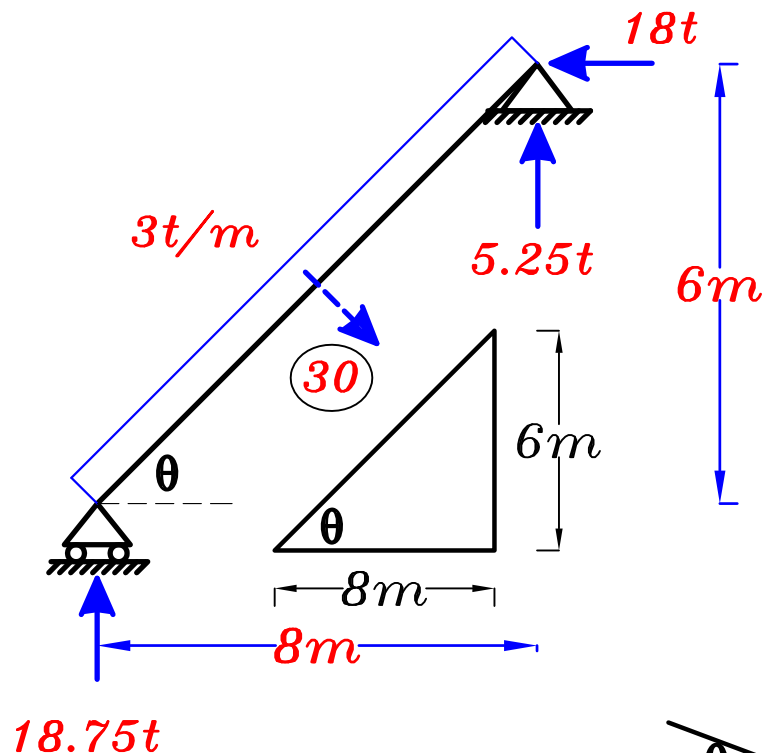
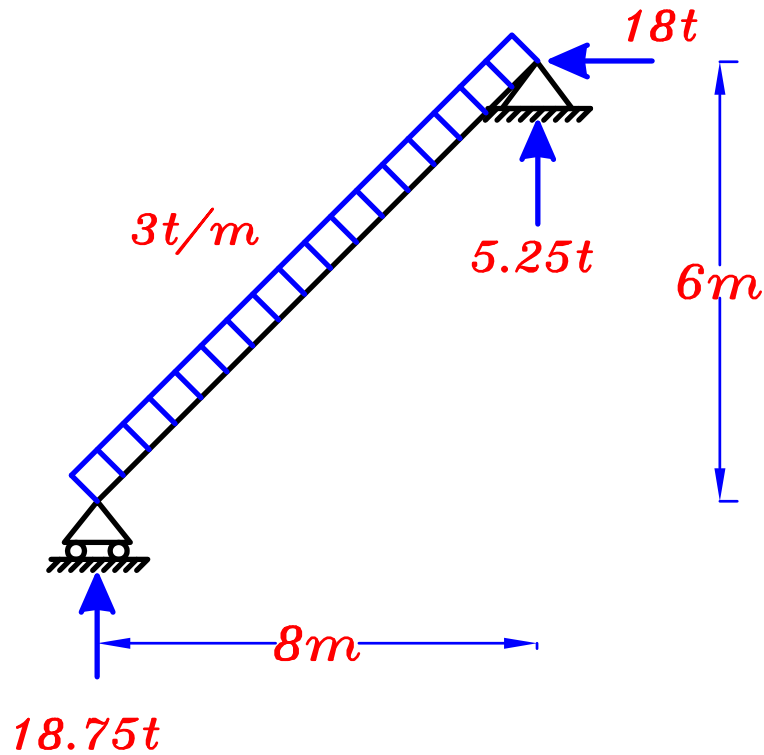
$$\cos \theta = 0.80$$





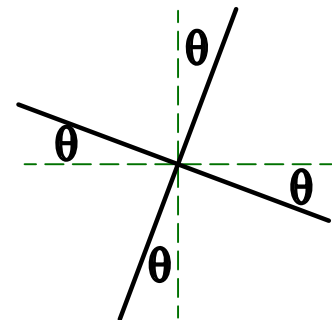
Example :

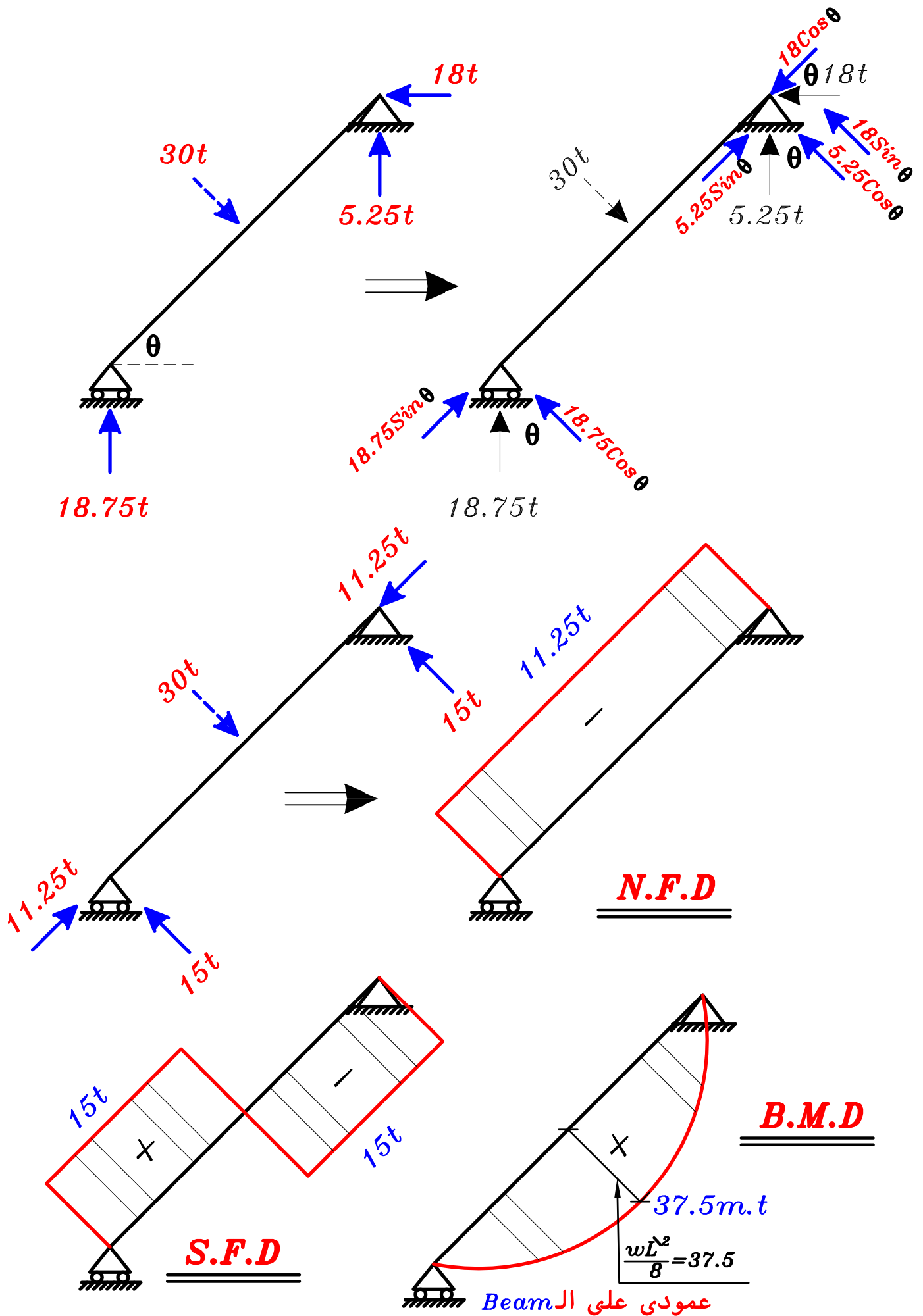
For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.



$$\sin \theta = 0.60$$

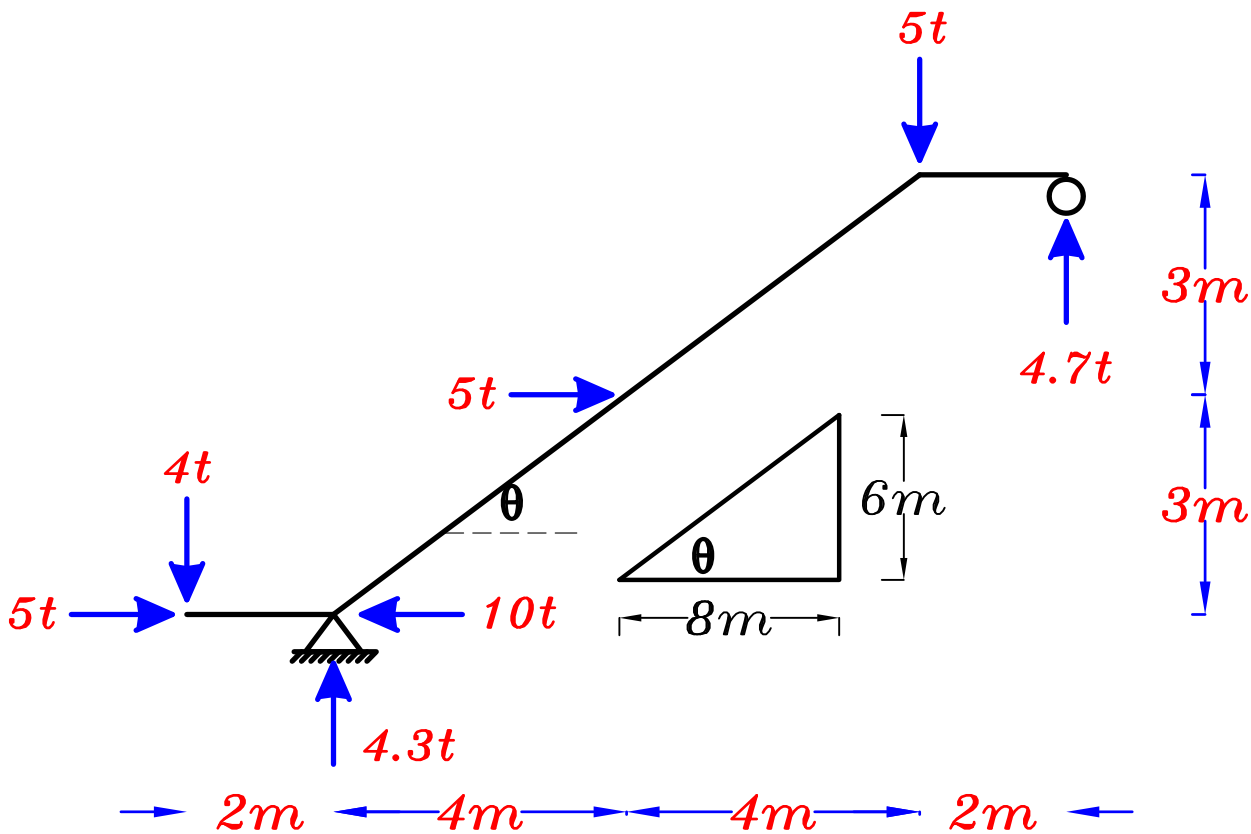
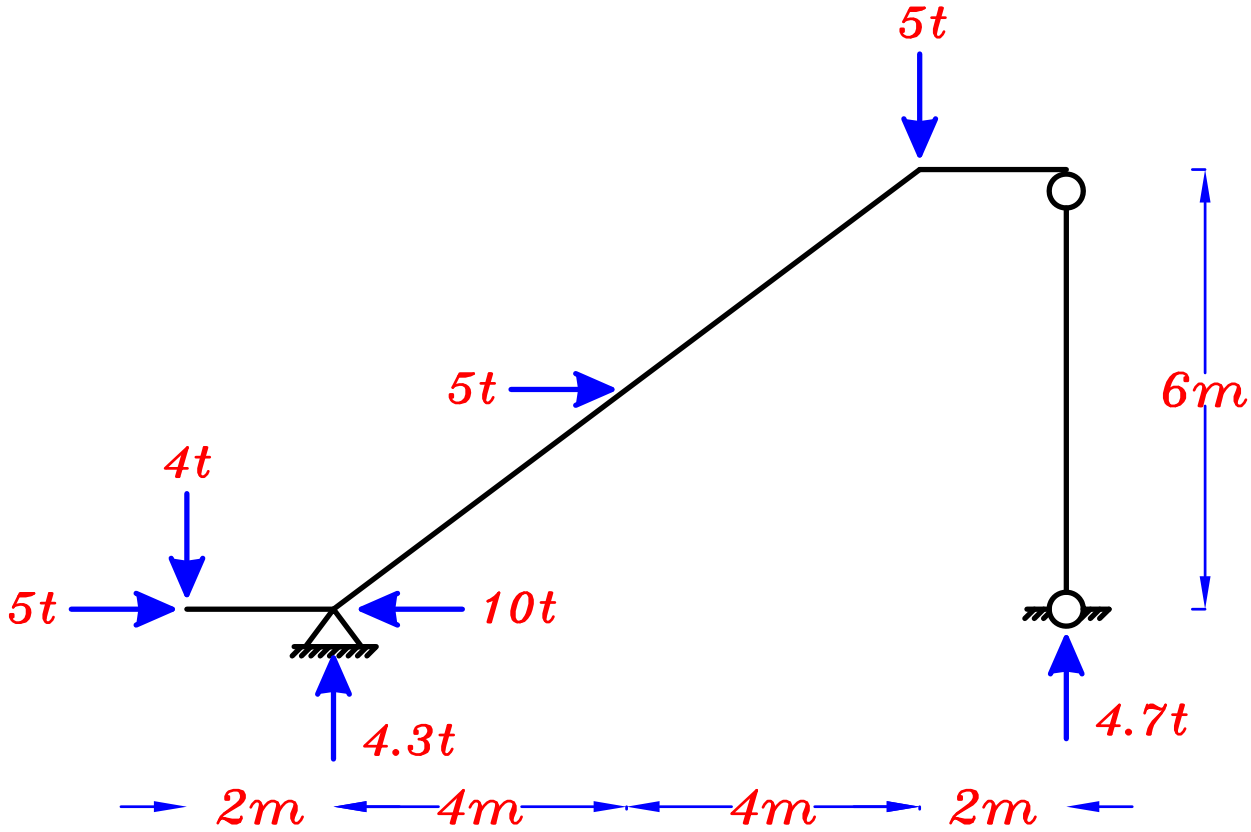
$$\cos \theta = 0.80$$



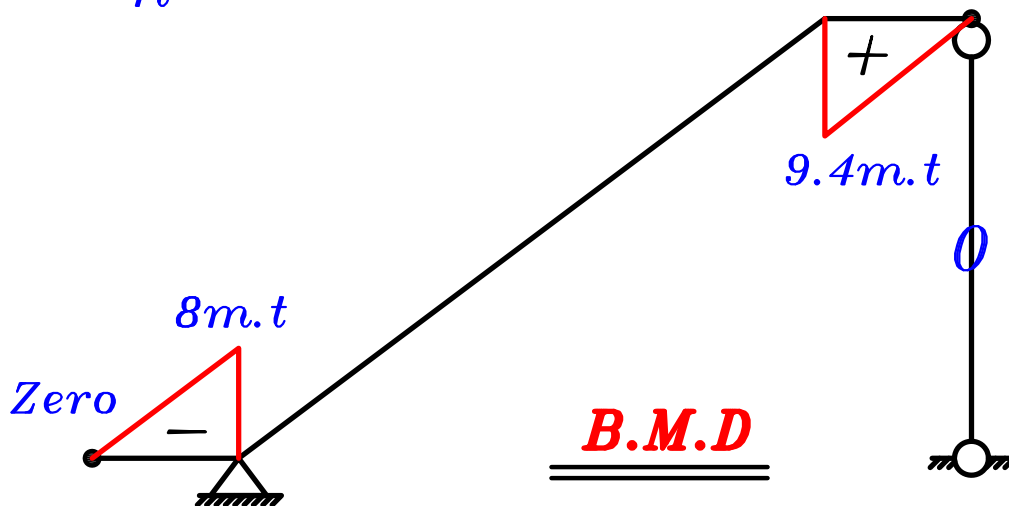
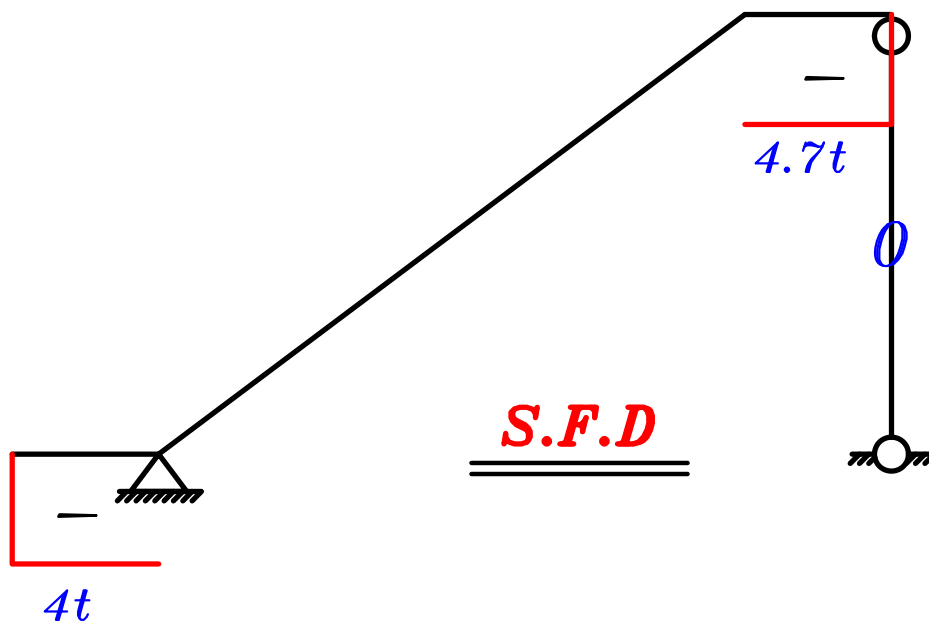
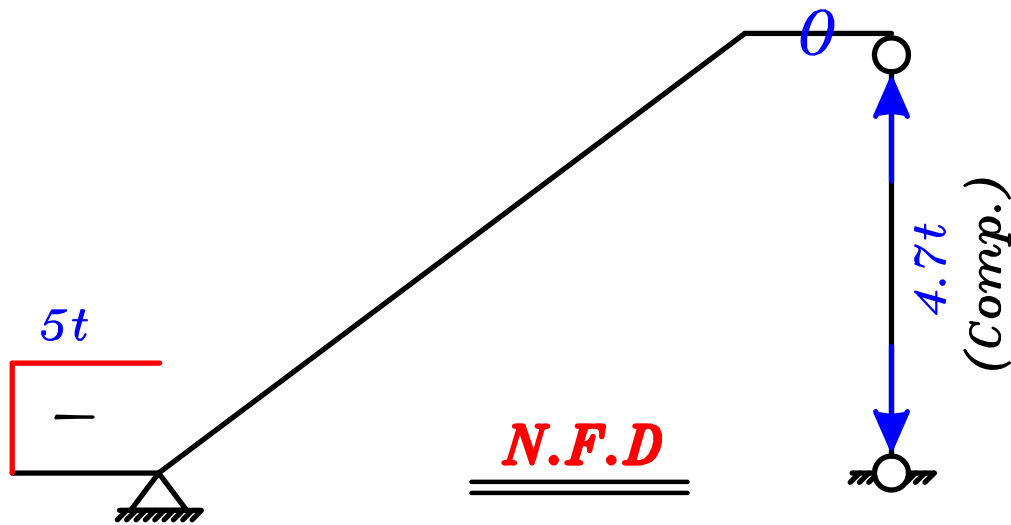


Example :

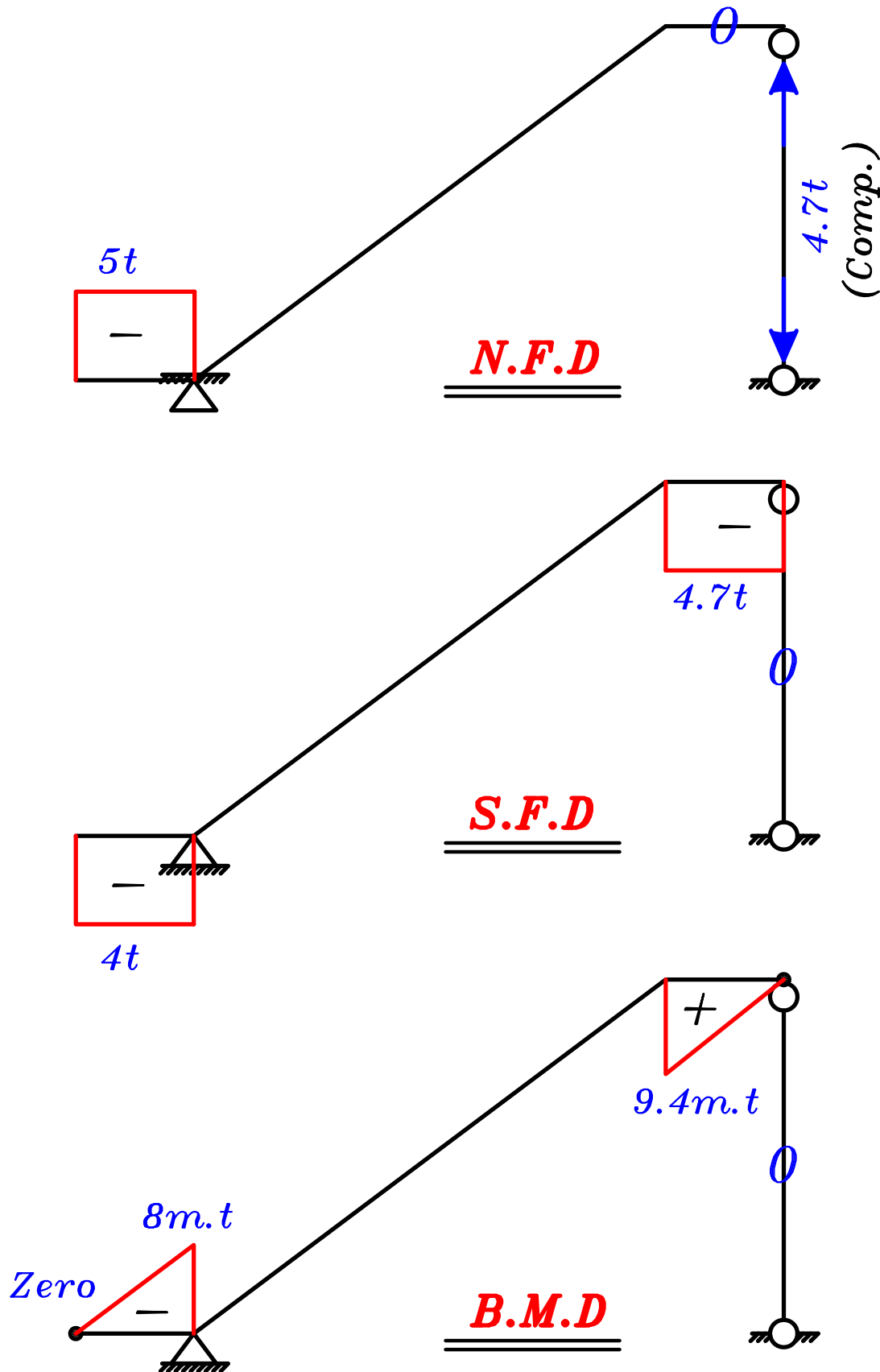
For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.



أولا نرسم الـ $N.F.D$ و الـ $S.F.D$ و الـ $B.M.D$ على الاجزاء الافقية و الرأسية و دائما يفضل أن نبدأ من الطرف الحر طالما وجد.



عندما نصل في رسم *Diagram* الـ *N.F.D* أو الـ *S.F.D* الى نهاية الـ *member* و لم تكن طرف حر أى أنه يوجد *member* آخر مرتبط به نقفل الـ *Diagram* أى نوصله لـ *Zero*.



و لرسم ال *Internal forces diagrams* للجزء المائل

١ - نحدد الطرف الذي سوف نبدأ الحسابات منه

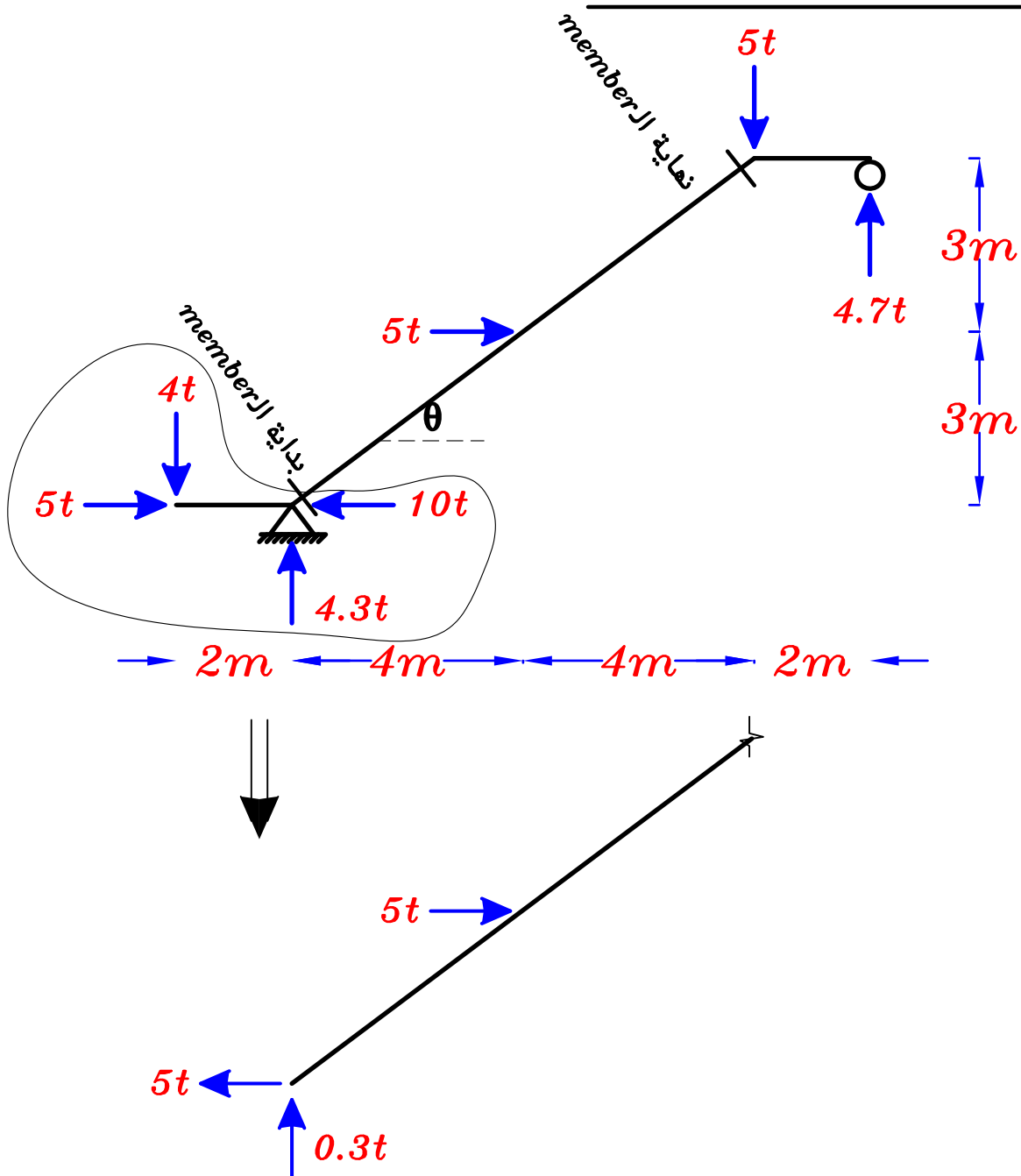
و في هذه المسألة مثلا نختار الطرف الشمال

٢ - نجمع ال *Forces* عند الطرف الذي قررنا البدء من عنده من ناحيته

في اتجاه (X,Y) و بالنسبة للكمره أو الجزء المائل الذي ليس له طرف

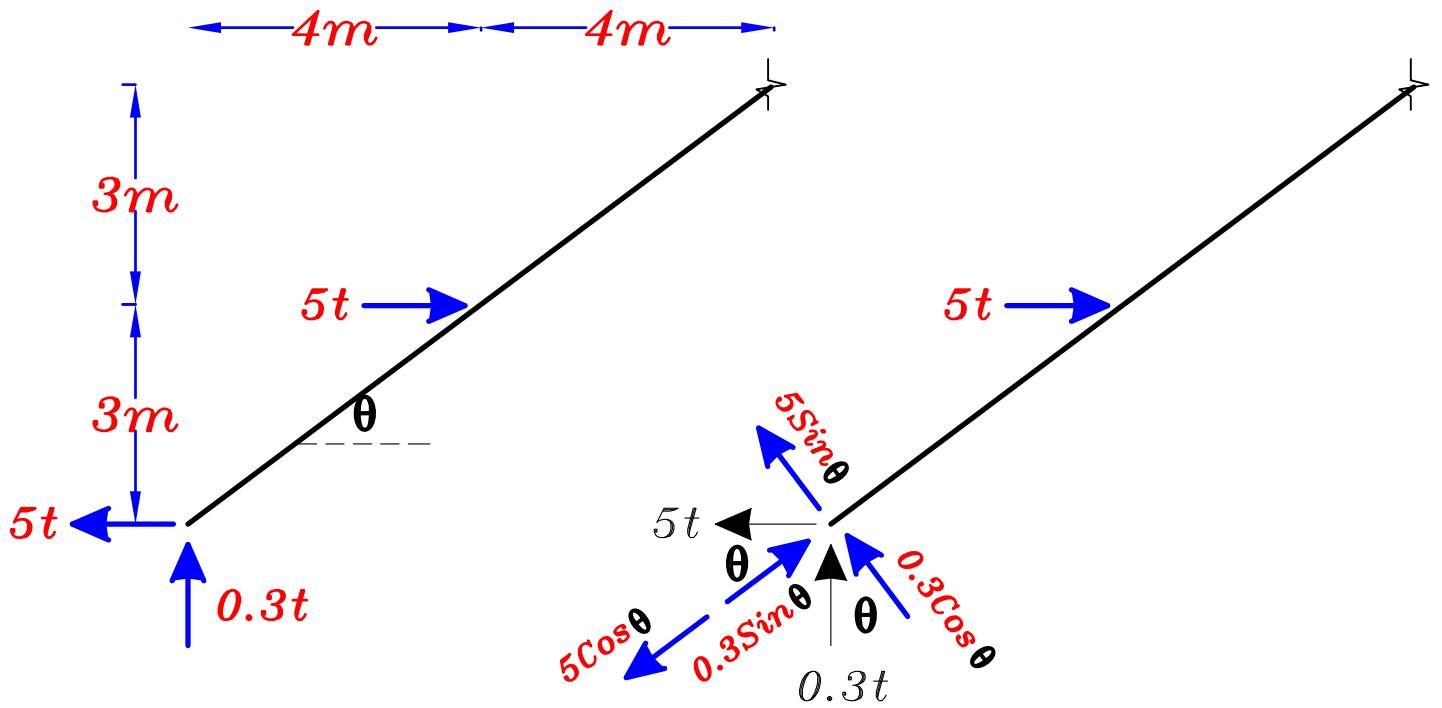
حر نقطع ال *member* المائل عنده و نجمع ال *Forces* من الناحية

التي قطعنا منها في اتجاه (X,Y) .

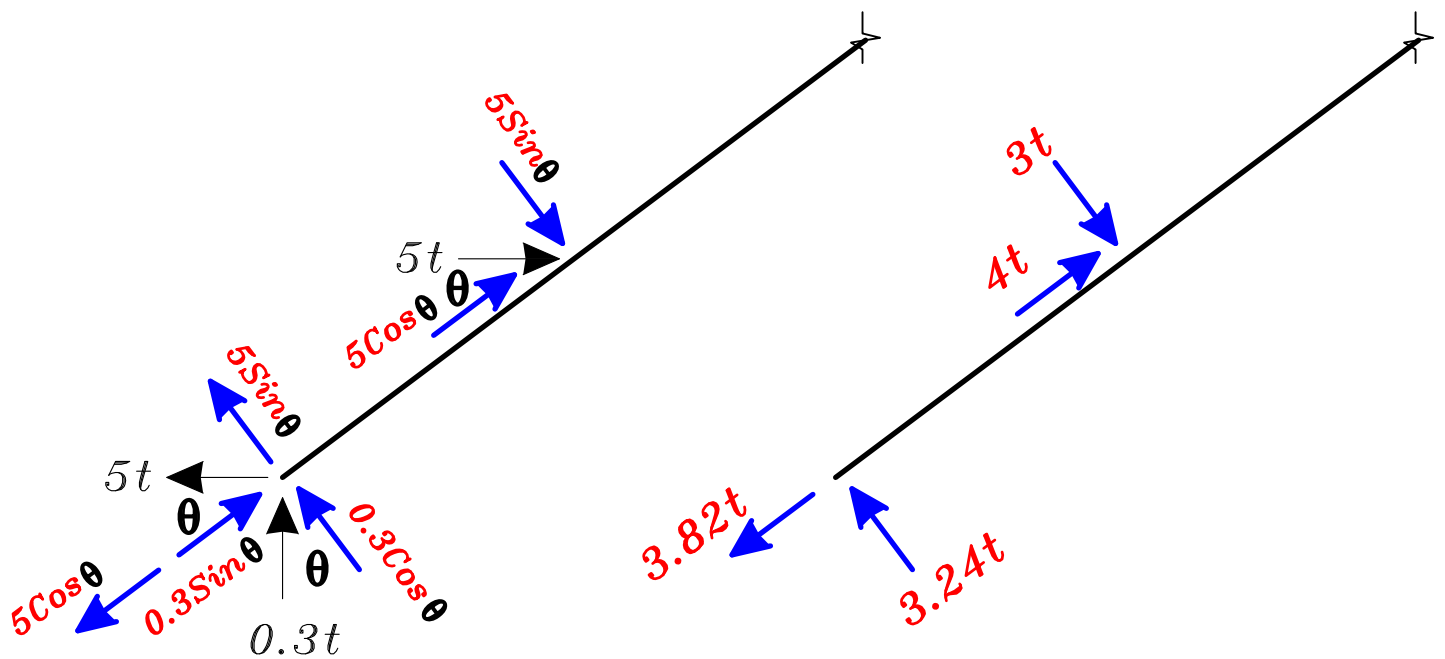


٣- نحلل ال *Forces* المجمعة عند الطرف الذي قررنا البدء منه بحيث

تكون فى اتجاه ال *member* المائل و الاتجاه العمودى عليه .



٤- نحلل كل ال *Forces* الموجودة على ال *member* المائل بحيث تكون فى اتجاه ال *member* و الاتجاه العمودى عليه .



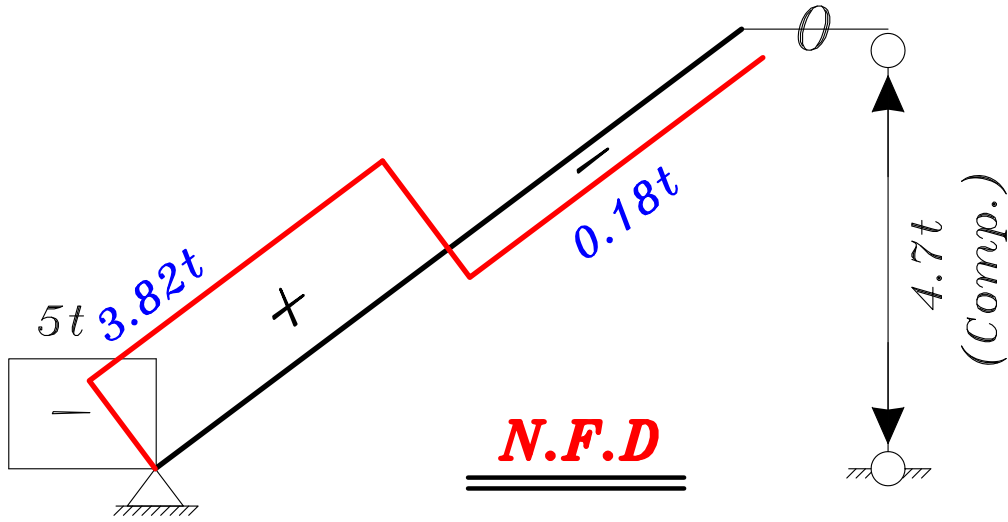
٥- نبدأ برسم الـ **N.F.D** و طبعا عند الرسم يهمننا الـ **Forces** اللى فى

اتجاه الـ **member** المائل فقط حيث انها هى اللى بتعمل **Normal**

و نبدأ بالطرف الذى بدأنا الحسابات منه و رسم الـ **Diagram** يكون

عمودى على الـ **member** المائل الذى هو الـ **Datum** .

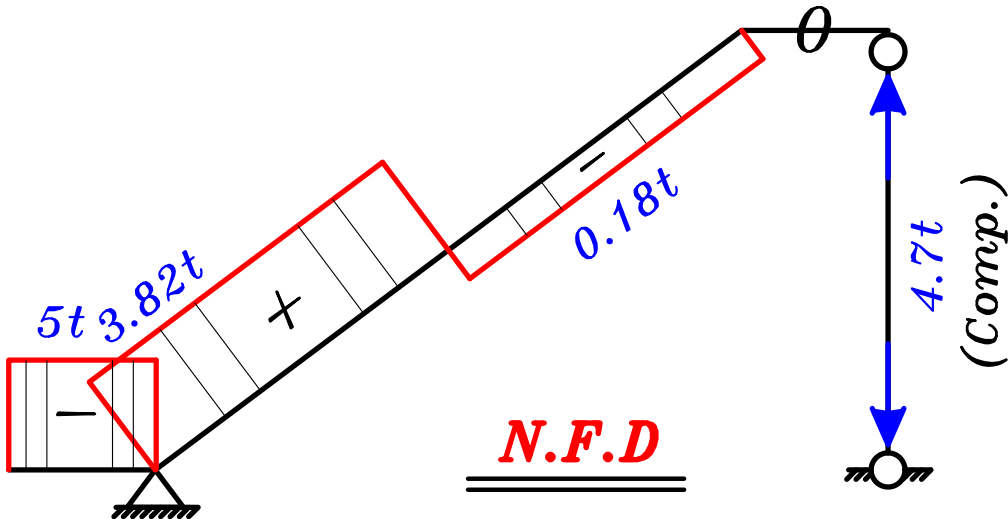
خد بالك كل الرسم اما موازى للـ **member**
أو عمودى على الـ **member**



عندما نصل فى رسم الـ **Diagram** الـ **N.F.D** أو الـ **S.F.D** الى نهاية

الـ **member** و لم تكن طرف حر أى أنه يوجد **member** آخر مرتبط به

نقل الـ **Diagram** أى نوصله لـ **Zero** .



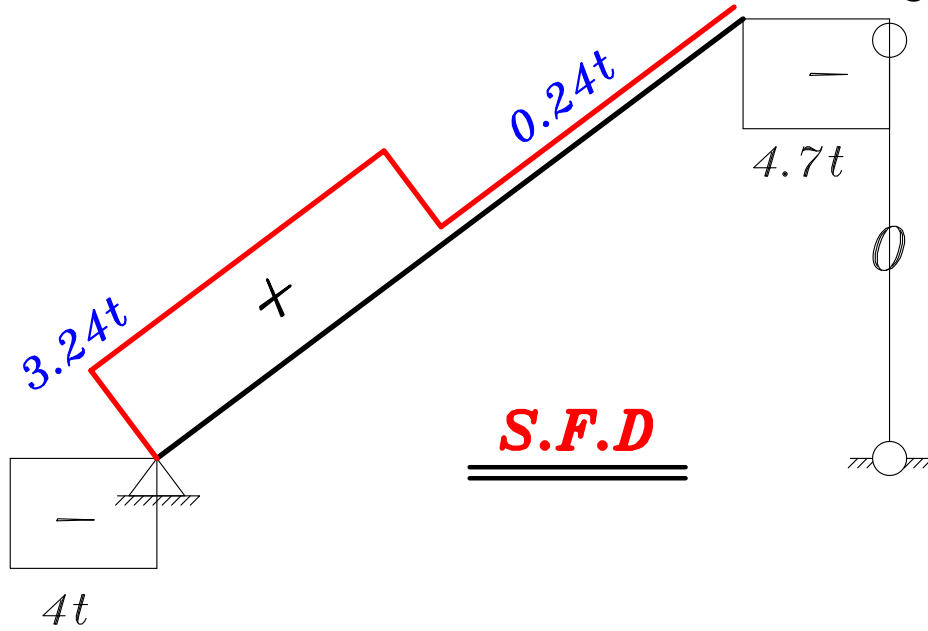
٦- نرسم ال **S.F.D** و عند الرسم يهمننا ال **Forces** اللى فى اتجاه

عمودى على ال **member** المائل حيث انها هى اللى بتعمل **Shear**

و نبدأ بالطرف الذى بدأنا الحسابات منه و رسم ال **Diagram** يكون

عمودى على ال **member** المائل الذى هو ال **Datum** .

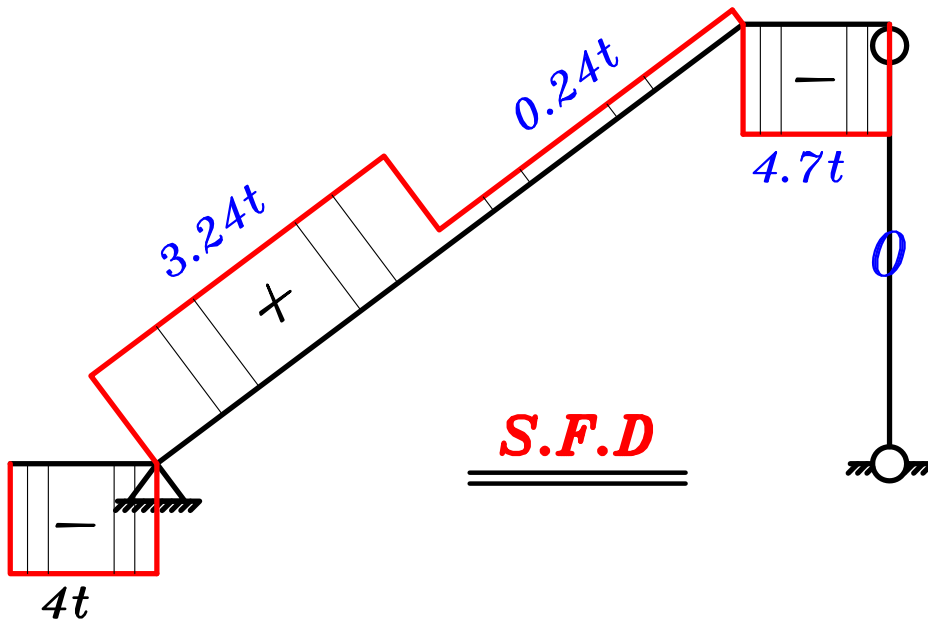
خد بالك كل الرسم اما موازى لل **member** أو عمودى على ال **member**



عندما نصل فى رسم ال **Diagram** ال **N.F.D** أو ال **S.F.D** الى نهاية

ال **member** و لم تكن طرف حر أى أنه يوجد **member** آخر مرتبط به

نقل ال **Diagram** أى نوصله لل **Zero** .

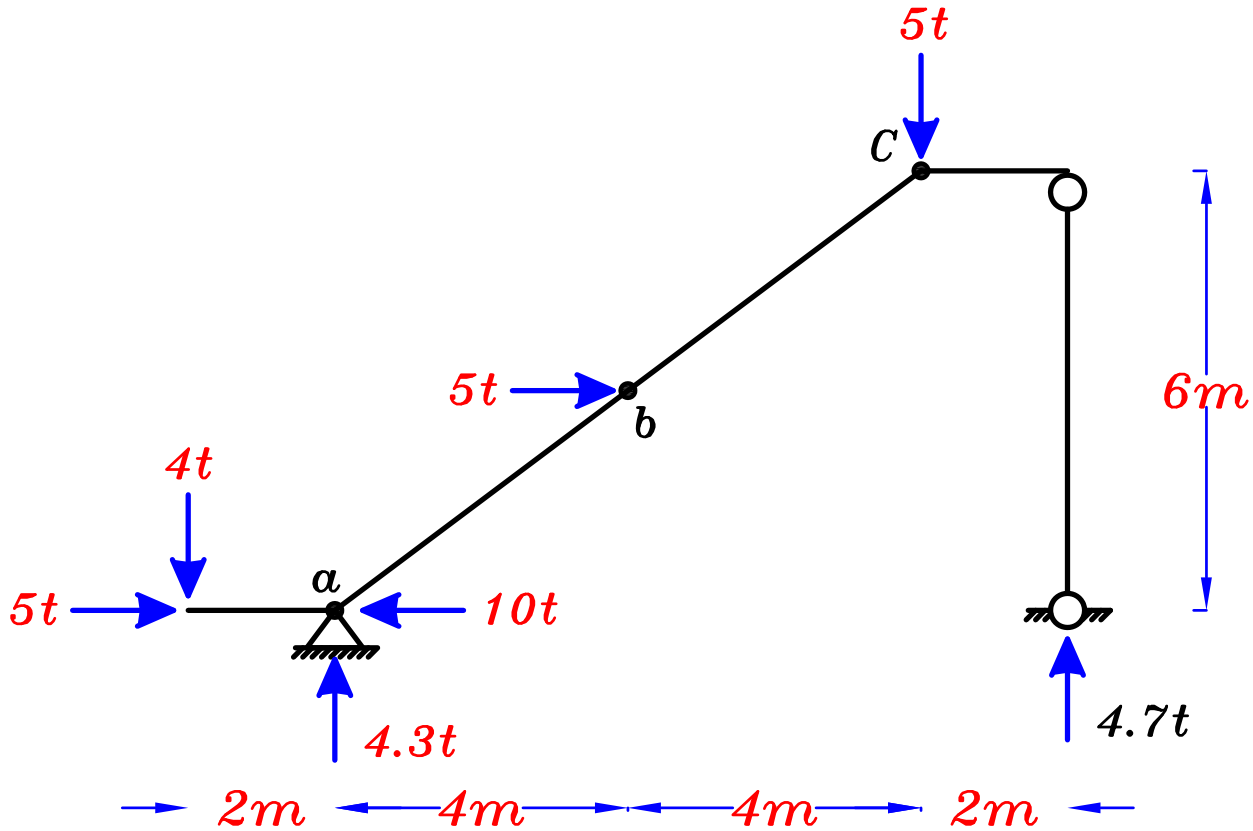


٧- نرسم ال $B.M.D$ و نقوم بحساب ال $moment$ عند النقط التالية

أ - بداية و نهاية الكمرة و عندهما ال $moment$ يساوى صفر

ب- عند ال $Concentrated load$

يفضل عند حساب قيم ال $moment$ الحساب من ال $Forces$ قبل التحليل و ليس من ال $Forces$ المحللة .

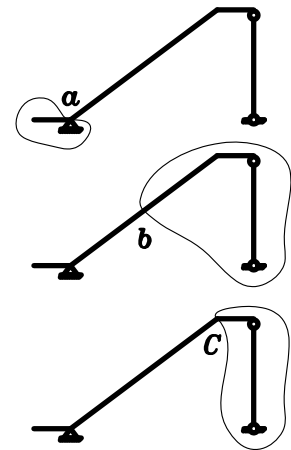


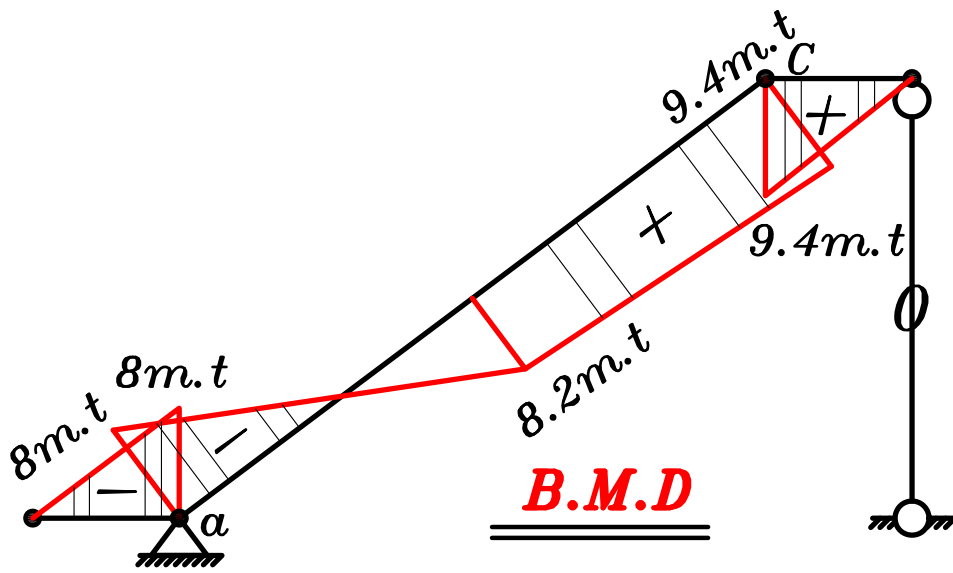
$$M_a(\text{left}) = -4 \times 2 \curvearrowleft = -8 \text{ m.t} \curvearrowleft$$

$$M_b(\text{right}) = 4.7 \times 6 \curvearrowright - 5 \times 4 \curvearrowleft$$

$$= 8.2 \text{ m.t} \curvearrowright$$

$$M_c(\text{right}) = 4.7 \times 2 \curvearrowright = 9.4 \text{ m.t} \curvearrowright$$

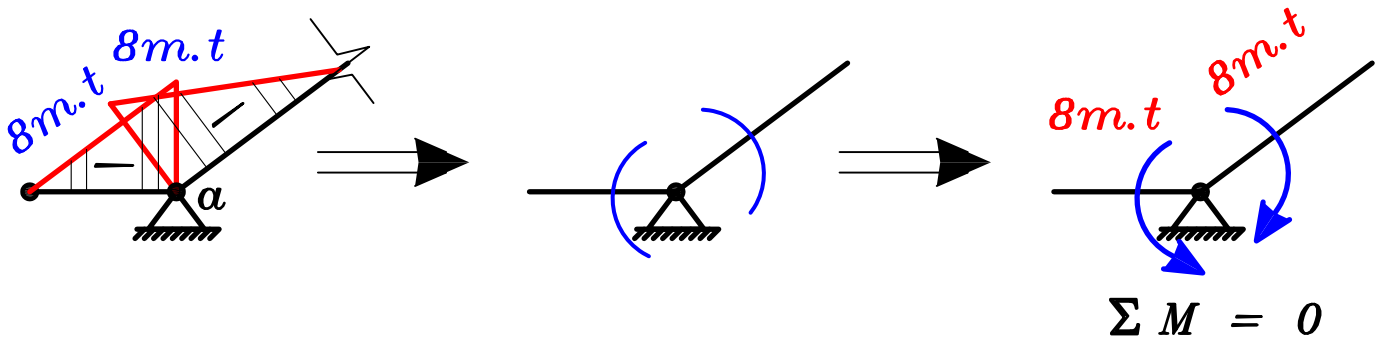




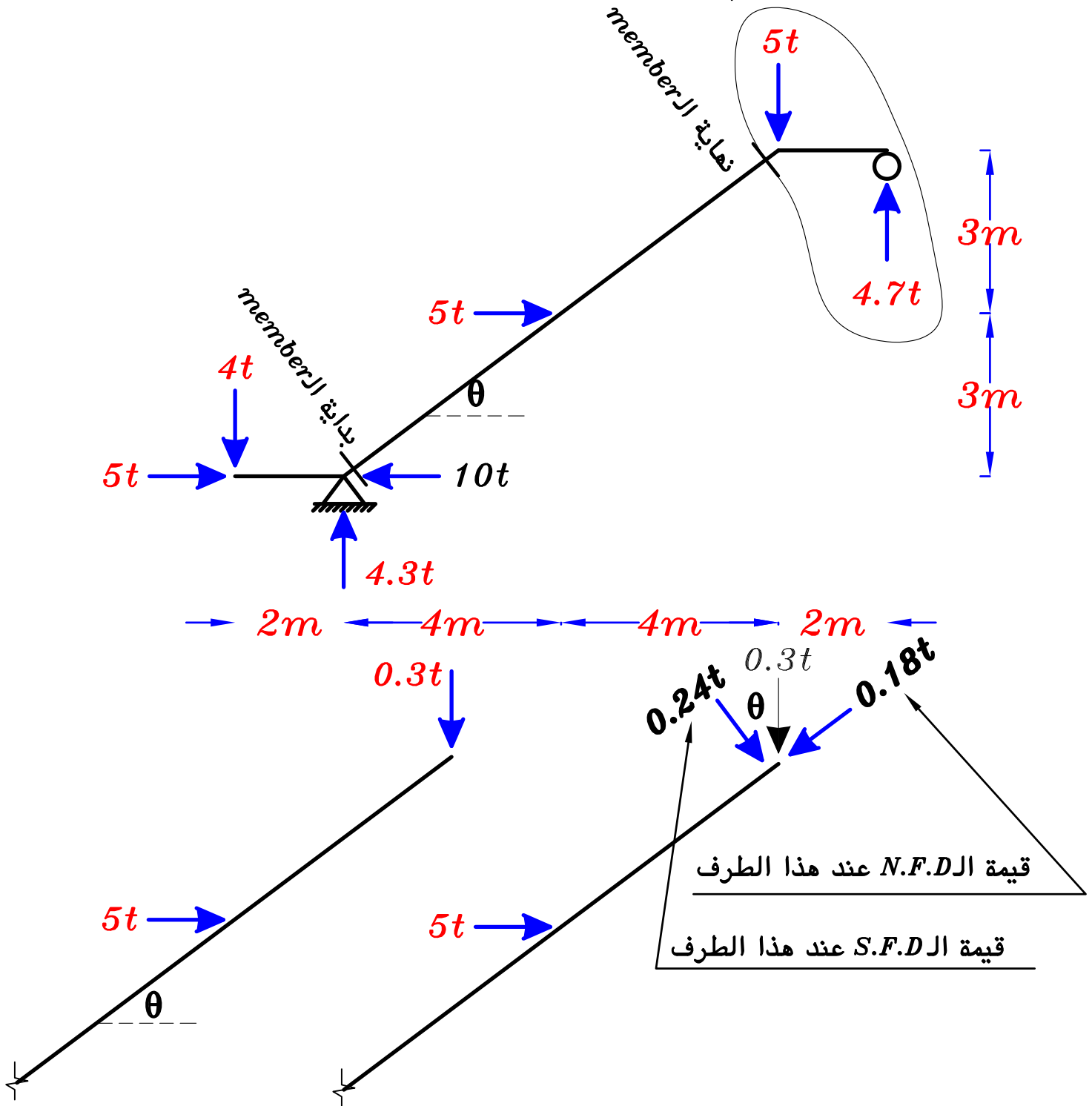
خذ بالك

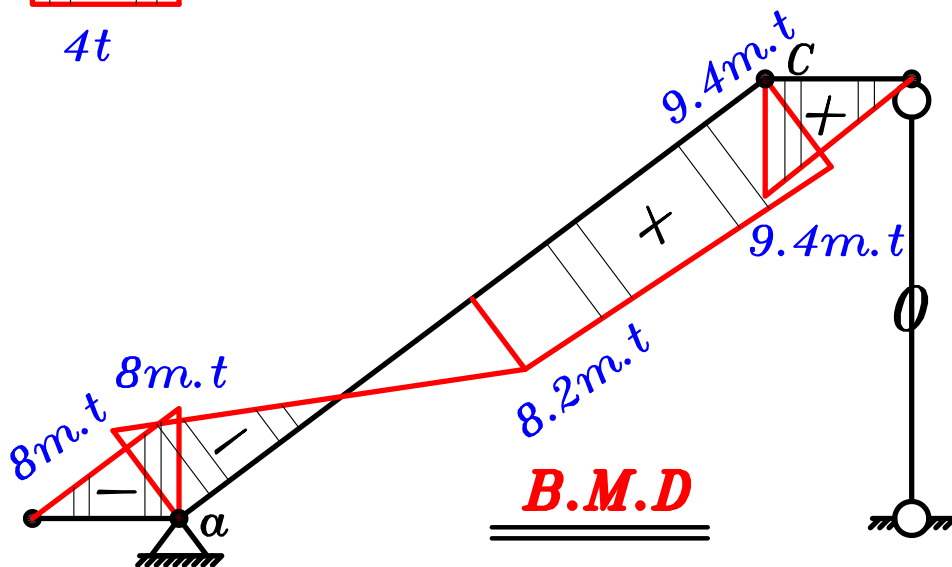
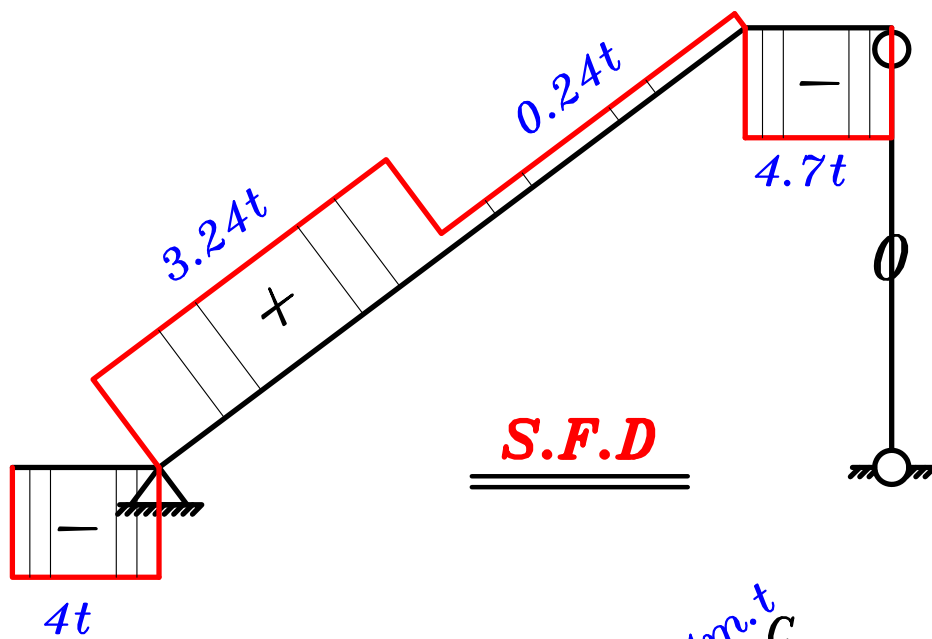
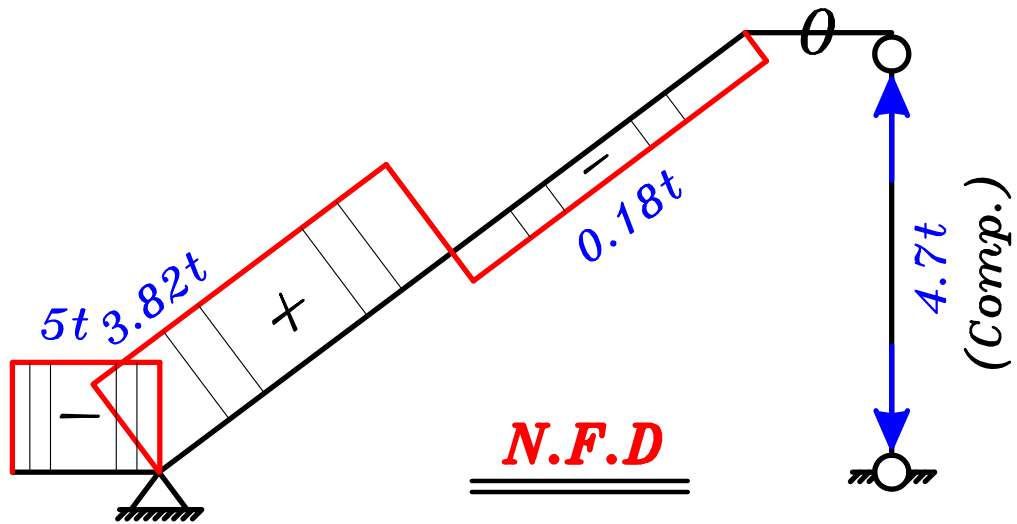
عند وجود *Joint* بها *2 members* و ليس عندها *Conc. moment* لابد أن يكون ال*moments* ال *2 members* متساوية و عكس بعض فى الدوران حتى تكون ال *Joint* متزنة و يكون $\Sigma M = 0$ عند هذه ال *Joint* .

و لتأكد من أن الاتزان مظبوط نرسم ال *Joint* أولاً و نضع شكل ال *moment* يلف بحيث يحزم ال *Joint* بدون و ضع الذيل ثم نضع الذيل مكان رسم ال *B.M.D* .



٨- لو أردنا التأكد من أن الرسم صحيح للـ **N.F.D** أو للـ **S.F.D** نجمع الـ **Forces** الموجودة عند الطرف الاخر من الجزء المائل و الذي لم نبدأ حسابتنا به في اتجاه (X,Y) ثم نحللهم في اتجاه الـ **member** و في الاتجاه العمودي عليه و نتأكد من أن قيم الـ **Shear** و الـ **Normal** بعد التحليل هي القيم المرسومة على الـ **Diagram**.





Example :

For the shown beam draw N.F.D , S.F.D & B.M.D.

